

УДК 536.21 : 678.7

РАЗРАБОТКА ТЕПЛОВОЙ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ МОДЕЛИ ДЛЯ ДИАГНОСТИКИ ПОЛИМЕРНЫХ КОМПОЗИЦИОННЫХ МАТЕРИАЛОВ, ПРИМЕНЯЕМЫХ В АВИАСТРОЕНИИ В УСЛОВИЯХ НЕСТАЦИОНАРНЫХ ТЕМПЕРАТУР

© 2019 Г.В. Дмитриенко, Е.Н. Згуровская, Г.Л. Ривин, А.А. Федоров

Ульяновский государственный технический университет,
обособленное структурное подразделение «Институт авиационных технологий и управления»,
г. Ульяновск

Статья поступила в редакцию 22.08.2019

В статье рассматривается тепловая модель ПКМ для диагностики ее температурных характеристик. Предложена тепловая модель, сформирован расчетный алгоритм температурных зависимостей.

Ключевые слова: тепловая модель, математическая модель, полимерные композиционные материалы.

*Исследование выполнено при финансовой поддержке РФФИ
и Правительства Ульяновской области в рамках научного проекта № 18-48-732005\18*

ВВЕДЕНИЕ

В авиации полимерные композиционные материалы (ПКМ) очень часто эксплуатируются в условиях нестационарных температур. Поэтому возникает вопрос о проверки соответствия материалов условиям эксплуатации. Основные преимущества углеродных ПКМ состоят в высокой теплостойкости, малой плотности, стойкости к тепловому удару и облучению. Они длительное время могут работать при температурах до 773 °К в окислительной среде и 3273 °К – в инертной среде и вакууме. При этом их прочность с ростом температуры повышается в 1,5 – 2 раза.

ОПИСАНИЕ ЗАДАЧИ

Для проведения всесторонней диагностики свойств ПКМ, требуется рассмотреть тепловую модель, описывающую поведение ПКМ в условиях нестационарного нагрева. По своим структурам ПКМ большинство материалов состоят из некоторого числа слоев, поэтому интерес представляет поведение температуры как внутри слоя, так и внутри самого материала. Основны-

ми параметрами образца ПКМ являются ϵ – диэлектрическая проницаемость и $\operatorname{tg}\delta$ – тангенс угла потерь.

ПУТИ РЕШЕНИЯ ЗАДАЧИ

Исследуемый материал подвергается одностороннему нестационарному нагреву, вследствие которого образуется неравномерное распределение температуры нагрева диагностируемого образца по толщине. Запишем уравнение теплопроводности с целью получения выражения описывающего распределение температуры нагрева по толщине.

Для упрощения описательного процесса рассмотрим один слой, который будет являться базовым элементом для многослойной модели. Слои между собой будут сшиваться через граничные условия температур на их поверхности. Границы раздела слоем могут быть реальными или условными.

Будем считать, что температура в каждой точке (x, y, z) образца ПКМ в момент времени t описывается функцией $T(x, y, z)$. В начальный момент времени ($t = 0$) все части тела имеют одинаковую температуру (температуру тела в нормальных условиях). Для решения поставленной задачи составим теплофизическое уравнение для образца ПКМ, считая, что образец-тело однородное по толщине и не имеет на поверхности изломов, трещин, ребер и т.д. В случае наличие различных неоднородностей температурный рельеф будет отличен в местах неоднородностей.

Уравнение распространения тепла в произвольном объеме V , ограниченный гладкой

Дмитриенко Герман Вячеславович, доктор технических наук, профессор кафедры «Самолетостроение».

E-mail: dmitrienko.german@yandex.ru

Згуровская Екатерина Николаевна, старший преподаватель кафедры «Самолетостроение».

Георгий Леонидович Ривин, кандидат технических наук, доцент кафедры «Самолетостроение».

E-mail: avia@ulstu.ru

Федоров Александр Александрович кандидат технических наук, доцент кафедры «Самолетостроение».

$\operatorname{tg}\delta$. Поэтому при измерении температурных зависимостей ε и $\operatorname{tg}\delta$ необходимо учитывать их изменение. Изменение электродинамических параметров импедансного тела ε и $\operatorname{tg}\delta$ от первоначальных (в нормальных условиях) будет представлено как:

- относительную диэлектрическую проницаемость в виде линейной аппроксимации от температуры нагрева: $\varepsilon(T) = \varepsilon_0 + \alpha T$;

- тангенс угла диэлектрических потерь в виде параболической аппроксимации: $\operatorname{tg}\delta(T) = \operatorname{tg}\delta_0 + \beta T^2$,

где ε_0 и $\operatorname{tg}\delta_0$ – параметры ПКМ в нормальных условиях.

Для теоретического исследования температурных зависимостей ε и $\operatorname{tg}\delta$ необходимо решить систему уравнений, состоящую из уравнений электродинамики и уравнений теплофизики. Решение уравнения теплофизики дает распределение температуры нагрева образца ПКМ по толщине при заданных параметрах нагревательного излучения и длительности воздействия на тело, тем самым производя моделирование теплового режима. Решение уравнений электродинамики позволяет определить комплексную диэлектрическую проницаемость в условиях нагрева по комплексным коэффициентам отражения или прохождения.

Алгоритм последовательность действий вычисления температурных зависимостей приведен ниже:

Входные данные:

1. Измеренные значения: $\varepsilon_0, \operatorname{tg}\delta_0, r_i, \tau_i$

Задание: погрешности: $\Delta\tau, \Delta r, \Delta\varepsilon, \Delta\operatorname{tg}\delta$
интервалов: $\Delta t, \Delta d, \Delta T$

2. Вычислить температуру T_i

3. Задание аппроксимаций

$\varepsilon_i = \varepsilon_0 + \alpha T_i; \operatorname{tg}\delta_i = \operatorname{tg}\delta_0 + \beta T_i^2$

4. Вычислить τ_i, r_i

5. Оценка τ_i, r_i плохо – вернуться на корректировку п.3

6. Оценка T_i плохо – вернуться на корректировку п.2

7. Вывод $\varepsilon_i, \operatorname{tg}\delta_i, \tau_i, r_i$

Описание алгоритма вычисления. Во-первых, производится измерение комплексной диэлектрической проницаемости образца ПКМ и его температуры в обычных условиях. Следующим шагом производится задание параметров нагревательного излучения или элемента в времени воздействия, аппаратура нагрева. В процессе нагрева образца ПКМ, через заданные временные интервалы производятся измерения температуры нагрева образца ПКМ (поверхности и внутри тела на заданных глубинах), и комплексных коэффициентов отражения и прохождения измерительного излучения. Контрольные измерения температуры позволяют производить корректировку точности вычисления распределения температуры по толщине исследуемого тела. Для чистоты диагностики измерение температуры проводится бесконтактным методом (пиromетром)

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Кошияков Н.С. Уравнения в частных производных математической физики. М.: Высшая школа, 1970, 710 с.
2. Соболев С.Л. Уравнения математической физики. М.: Наука, 1966. 443 с.
3. Григорьев Б.А. Импульсный нагрев излучениями. М.: Наука, 1974. 1040 с.
4. Григорьев Б.А., Нужный В.А., Шибанов Б.В. Таблицы для расчета нестационарных тел при нагреве излучениями. М.: Наука, 1971. 708 с.
5. Дульнев Г.Н., Заричняк Ю.П. Теплопроводность смесей и композиционных материалов. Л.: Энергия, 1974. 264 с.

DEVELOPMENT OF A THERMAL MATHEMATICAL MODEL FOR THE DIAGNOSIS OF POLYMER COMPOSITE MATERIALS USED IN AIRCRAFT MANUFACTURING AT NON-STATIONARY TEMPERATURES

© 2019 G.V. Dmitrienko, E.N. Zguralskaya, G.L. Riven, A.A. Fedorov

Ulyanovsk State Technical University,
Separate Structural Unit “Institute of Aviation Technologies and Management”, Ulyanovsk

The article discusses the thermal model of PCM for diagnostics its temperature characteristics. A thermal model is proposed, a calculation algorithm of temperature dependencies is formed.

Keywords: thermal model, mathematical model, polymer composite materials.

German Dmitrienko, Doctor of Engineering Sciences, Associate Professor, Professor at the Department of Aircraft Engineering E-mail: dmitrienko.german@yandex.ru
Ekaterina Zguralskaya, Senior Lecturer at the Department of Aircraft Engineering.

Georgy Riven, Candidate of Engineering Sciences, Associate Professor at the Department of Aircraft Engineering. E-mail: avia@ulstu.ru
Alexander Fedorov, Candidate of Technical Sciences, Associate Professor at the Department of Aircraft Engineering.