

**МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ДИНАМИЧЕСКОГО ПОВЕДЕНИЯ  
ДИЗЕЛЬГЕНЕРАТОРНОЙ УСТАНОВКИ С ДВУХКАСКАДНОЙ СИСТЕМОЙ АМОРТИЗАЦИИ**

© 2020 В.В. Ковалёв, А.Ф. Вербилов, С.А. Ульрих

Барнаульский юридический институт Министерства внутренних дел России

Статья поступила в редакцию 10.02.2020

В работе рассмотрено математическое моделирование динамического поведения дизельгенераторной установки (ДГУ) с двухкаскадной системой подвески, включающей резиновые амортизационные опоры. Конструкция ДГУ моделируется в виде двухмассовой механической системы с упругими связями. Получены уравнения динамики в виде системы дифференциальных уравнений. Разработан алгоритм расчета динамических перемещений агрегата и рамы, а также программный комплекс, реализующий данный алгоритм. Представлены результаты численного исследования существующей конструкции ДГУ.

**Ключевые слова:** дизельгенераторные установки, резинометаллические амортизаторы, вибрация, математическое моделирование, численные методы исследования.

**ВВЕДЕНИЕ**

Работа дизельгенераторной установки (ДГУ) сопровождается широким спектром колебательных процессов, различных по амплитудным и частотным параметрам. Это предопределяет высокий уровень динамических напряжений, возникающих в элементах конструкции ДГУ, и влияет на их прочность, надежность и долговечность. Современные конструкции ДГУ имеют узлы (резинометаллические амортизаторы), обладающие конечными значениями жесткости и массы. В результате приложения внутренних нагрузок при эксплуатации ДГУ будут возникать конечные деформации упругих элементов, что при определенных условиях приведет к вибрациям с большими амплитудами или к потере устойчивости процессов динамического деформирования.

В процессе проектирования амортизирующего крепления большое значение имеет выбор параметров и оптимальной схемы расположения амортизаторов. При большом разнообразии схем размещения амортизаторов следует предпочесть такую, при которой центр тяжести амортизируемого агрегата совпадает с центром жесткости амортизирующего крепления [1]. Такая схема обеспечивает меньшую ширину спектра частот свободных колебаний и большая устойчивость амортизируемого агрегата. Однако из условий компоновки расположения опор

агрегата центр жесткости упругого основания не всегда совпадает с центром тяжести амортизируемого агрегата, но находится на одной вертикали с ним. И чем меньше будет расстояние между этими центрами, тем лучше. При таком положении центра жесткости и центра тяжести агрегата частоты поступательных и поворотных колебаний относительно горизонтальных осей будут попарно связаны, т.е. будут представлять собой двухсвязные колебания, а частоты вертикальных поступательных и поворотных относительно вертикальной оси колебаний будут независимыми. Сближение центров жесткости амортизирующего крепления с центром тяжести агрегата способствует увеличению устойчивости механизма и малому разбросу частот свободных колебаний.

По этой причине желательно возможно большее снижение частот свободных колебаний амортизированного механизма. Однако с уменьшением частоты свободных колебаний уменьшается жесткость амортизаторов, что приводит к снижению допускаемой статической нагрузки на амортизатор и увеличивает амплитуду колебаний амортизированного механизма. Поэтому в случае невозможности подбора необходимого количества и расположения амортизаторов для улучшения вибрационной защиты применяют двухкаскадные системы амортизации (Рис. 1).

При проектировании подвески ДГУ, т.е. при выборе жесткостных характеристик резинометаллических амортизаторов, а так же при расчете их количества и точек установки, наиболее важным является этап прогнозирования динамических перемещений, вибраций с большими амплитудами или к потере устойчивости процессов динамического деформирования. Особую важность принимают эти вопросы при решении задач структурной и параметрической оптими-

*Ковалёв Виталий Витальевич, кандидат технических наук, доцент, начальник кафедры огневой и технической подготовки. E-mail: 79095020200@yandex.ru*

*Вербилов Алексей Федорович, кандидат технических наук, доцент, доцент кафедры огневой и технической подготовки. E-mail: bubushka@mail.ru*

*Ульрих Сергей Александрович, кандидат технических наук, доцент, заместитель начальника кафедры огневой и технической подготовки. E-mail: ulrihs22@mail.ru*

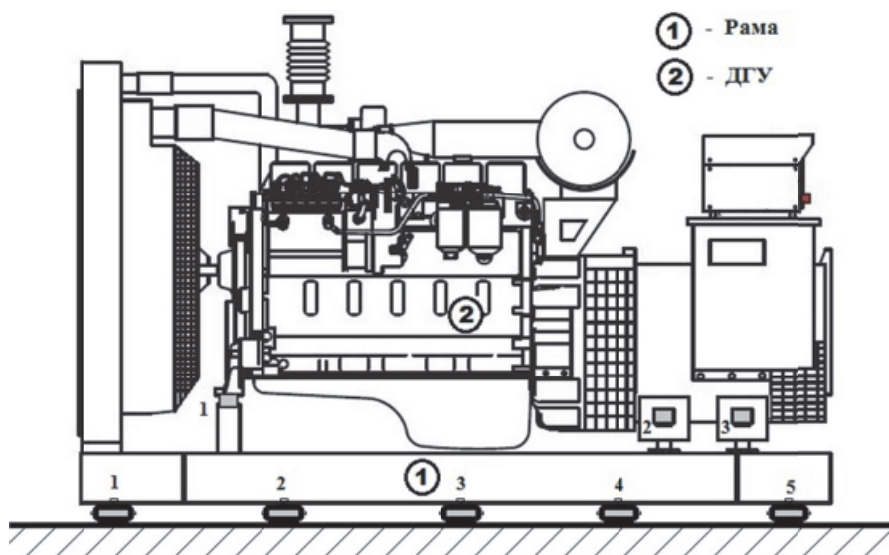


Рис. 1. Дизельгенераторная установка с двухкаскадной системой амортизации

зации конструкций амортизационного крепления ДГУ с целью снижения динамических перемещений, а также уровня излучаемого шума.

При исследовании колебательных процессов ДГУ как механической системы необходимым условием является понимание деталей ее динамического поведения при действии возбуждающих сил, приложенных в различных точках системы. Двухкаскадные системы в силу большого количества элементов, входящих в систему, представляют более сложный объект для исследования. Для решения этой задачи использовались различные подходы, включая прямое получение необходимой информации путем замеров, математическое моделирование и точное решение дифференциальных уравнений движения, дискретное моделирование с помощью конечных элементов и решение результирующей системы дифференциальных уравнений второго порядка.

В данной работе рассматриваются следующие задачи: моделирование и анализ динамического поведения ДГУ как пространственной двухмассовой системы; разработка алгоритма и программного комплекса на его основе, позволяющего производить расчет собственных частот колебания рамы и ДГУ и построение амплитудно-частотных характеристик перемещений рамы и ДГУ.

### МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ ДИЗЕЛЬГЕНЕРАТОРНОЙ УСТАНОВКИ С ДВУХКАСКАДНОЙ СИСТЕМОЙ АМОРТИЗАЦИИ

Представим ДГУ с рамой как систему, состоящую из двух абсолютно жестких тел [2] (Рис. 2). Принимаем следующие допущения:

- резинометаллические амортизаторы ра-

ботают в области малых упругих деформаций, жесткостная характеристика линейная;

- при внутреннем возбуждении ДГУ, определяемым неуравновешиванием двигателя демпфирование резинометаллическими амортизаторами незначительно;

- дизельный двигатель и генератор жестко связаны между собой и моделируются на эквивалентной расчетной схеме единой массой;

- каждая масса эквивалентной расчетной схемы имеет 6 степеней свободы;

- деформациями рамы, корпусных элементов дизеля и генератора пренебрегаем.

Введем неподвижную глобальную систему координат  $OXYZ$ . Кроме того введем локальные системы координат  $O_1X_1Y_1Z_1$  и  $O_2X_2Y_2Z_2$  для тел 1 и 2 соответственно. Точки  $O_1$  и  $O_2$  совпадают с центрами тяжести тел. Тело 1 (рама) установлено на упругих амортизаторах, имеющих

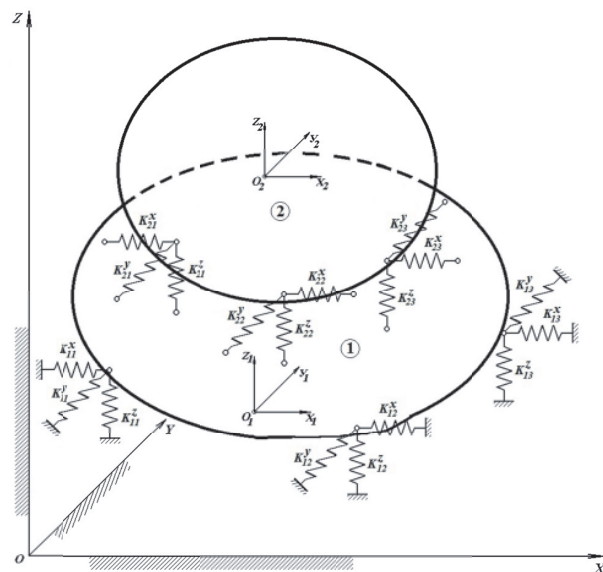


Рис. 2. Пространственная механическая система с упругими связями

коэффициенты жесткости  $K_x^p$ ,  $K_y^l$  и  $K_z^l$ . Число амортизаторов первого ряда равно  $n_1$ . Тело 2 (ДГУ) крепится к телу 1 на амортизаторах с коэффициентами жесткости  $K_x^2$ ,  $K_y^2$  и  $K_z^2$ , число которых равно  $n_2$ . Положение каждого  $i$ -го тела в глобальной системе координат определяется координатами центра масс ( $x_i$ ,  $y_i$  и  $z_i$ ) и углами поворота локальной системы координат этого тела ( $\varphi_{xi}$ ,  $\varphi_{yi}$  и  $\varphi_{zi}$ ).

Математическая модель, описывающая динамическое поведение приведенной выше пространственной двухмассовой системы с упругими связями, представляет собой систему дифференциальных уравнений. Число уравнений равно  $2^*Ns$ , где  $Ns=6$  – число степеней свободы для одного тела.

В матричном виде система дифференциальных уравнений имеет вид:

$$[M]\{\ddot{q}\} + [K]\{q\} = \{Q\}, \quad (1)$$

где  $[M]$  – матрица масс,

$[K]$  – матрица жесткости,

$\{q\}$  – вектор координат,

$\{\ddot{q}\}$  – вектор ускорений,

$\{F\}$  – вектор внешних сил.

Вектор координат формируется в виде:

$$\{q\} = [x_1, y_1, z_1, j_{x1}, j_{y1}, j_{z1}, x_2, y_2, z_2, \varphi_{x2}, \varphi_{y2}, \varphi_{z2}]^T. \quad (2)$$

Вектор  $\{F\}$  формируется за счет неуровновешенности вращающихся деталей силовой установки. Поэтому внешнее воздействие является функцией времени, и его частота совпадает с частотой вращения коленчатого вала двигателя.

Матрица масс:

$$[M] = \text{diag}[m_p, m_p, m_p, J_{xp}, J_{yp}, J_{zp}, m_2, m_2, m_2, J_{x2}, J_{y2}, J_{z2}], \quad (3)$$

где  $m_1$  и  $m_2$  – массы рамы и силовой установки соответственно;

$J_{xp}, J_{yp}, J_{zp}$  и  $J_{x2}, J_{y2}, J_{z2}$  – моменты инерции рамы и силовой установки соответственно.

Матрица жесткости  $[K]$  является симметричной матрицей ( $K_{ij}=K_{ji}$ ), ее формирование зависит от коэффициентов жесткости амортизаторов и их расположения в локальной системе координат:

$$K_{1,1} = \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^x + \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x, K_{1,5} = \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^x l_{li}^z + \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x l_{2j}^z,$$

$$K_{1,6} = - \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^x l_{li}^y - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x l_{2j}^y, K_{1,7} = - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x,$$

$$K_{1,11} = - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x l_{2j}^z, K_{1,12} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x l_{2j}^y,$$

$$K_{1,2} = K_{1,3} = K_{1,4} = K_{1,8} = K_{1,9} = K_{1,10} = 0,$$

$$K_{2,2} = \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^y + \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y, K_{2,4} = - \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^y l_{li}^z - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y l_{2j}^z,$$

$$K_{2,6} = \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^y l_{li}^x + \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y l_{2j}^x, K_{2,8} = - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y,$$

$$K_{2,10} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y l_{2j}^z, K_{2,12} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y l_{2j}^x,$$

$$K_{2,3} = K_{2,5} = K_{2,7} = K_{2,9} = K_{2,11} = 0,$$

$$K_{3,3} = \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^z + \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z, K_{3,4} = \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^z l_{li}^y + \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z l_{2j}^y,$$

$$K_{3,5} = - \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^z l_{li}^x - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z l_{2j}^x, K_{3,9} = - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z,$$

$$K_{3,10} = - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z l_{2j}^y, K_{3,11} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z l_{2j}^x,$$

$$K_{3,6} = K_{3,7} = K_{3,8} = K_{3,12} = 0,$$

$$K_{4,4} = \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^y (l_{li}^z)^2 + \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y (l_{2j}^z)^2 +$$

$$+ \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^z (l_{li}^y)^2 + \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z (l_{2j}^y)^2,$$

$$K_{4,5} = - \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^z l_{li}^x l_{li}^y - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z l_{2j}^x l_{2j}^y,$$

$$K_{4,6} = - \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^y l_{li}^x l_{li}^z - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y l_{2j}^x l_{2j}^z, K_{4,7} = 0,$$

$$K_{4,8} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y l_{2j}^z, K_{4,9} = - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z l_{2j}^y,$$

$$K_{4,10} = - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y (l_{2j}^z)^2 - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z (l_{2j}^y)^2,$$

$$K_{4,11} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z l_{2j}^x l_{2j}^y, K_{4,12} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y l_{2j}^x l_{2j}^z,$$

$$K_{5,5} = \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^x (l_{li}^z)^2 + \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x (l_{2j}^z)^2 +$$

$$+ \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^z (l_{li}^x)^2 + \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z (l_{2j}^x)^2,$$

$$K_{5,6} = - \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^x l_{li}^y l_{li}^z - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x l_{2j}^y l_{2j}^z,$$

$$K_{5,7} = - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x l_{2j}^z, K_{5,8} = 0,$$

$$K_{5,9} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x l_{2j}^z, K_{5,10} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z l_{2j}^x l_{2j}^y,$$

$$K_{5,11} = - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x (l_{2j}^z)^2 - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^z (l_{2j}^x)^2,$$

$$K_{5,12} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x l_{2j}^y l_{2j}^z,$$

$$K_{6,6} = \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^y (l_{li}^x)^2 + \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y (l_{2j}^x)^2 +$$

$$+ \sum_{i=1}^{n_1} k_{li}^x (l_{li}^y)^2 + \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x (l_{2j}^y)^2$$

$$K_{6,7} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x l_{2j}^y,$$

$$K_{6,8} = - \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y l_{2j}^x, K_{6,9} = 0,$$

$$K_{6,10} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^y l_{2j}^x l_{2j}^z, K_{6,11} = \sum_{j=1}^{n_2} k_{2j}^x l_{2j}^y l_{2j}^z,$$

## РЕЗУЛЬТАТЫ ЧИСЛЕННОГО ЭКСПЕРИМЕНТА

$$\begin{aligned}
 K_{6,12} &= -\sum_{j=1}^{n^2} k_{2j}^y (l_{2j}^x)^2 - \sum_{j=1}^{n^2} k_{2j}^x (l_{2j}^y)^2, \\
 K_{7,7} &= -K_{1,7}, K_{7,8} = K_{7,9} = K_{7,10} = 0, \\
 K_{7,11} &= -K_{1,11}, K_{7,12} = -K_{1,12}, \\
 K_{8,8} &= -K_{2,8}, K_{8,9} = K_{8,11} = 0, \\
 K_{8,10} &= -K_{2,10}, K_{8,12} = -K_{2,12}, \\
 K_{9,9} &= -K_{3,9}, K_{9,10} = -K_{3,10}, \\
 K_{9,11} &= -K_{3,11}, K_{9,12} = 0, \\
 K_{10,10} &= \sum_{j=1}^{n^2} k_{2j}^y (l_{2j}^z)^2 + \sum_{j=1}^{n^2} k_{2j}^z (l_{2j}^y)^2, \\
 K_{10,11} &= -\sum_{j=1}^{n^2} k_{2j}^z l_{2j}^x l_{2j}^y, K_{10,12} = -\sum_{j=1}^{n^2} k_{2j}^y l_{2j}^x l_{2j}^z, \\
 K_{11,11} &= \sum_{j=1}^{n^2} k_{2j}^x (l_{2j}^z)^2 + \sum_{j=1}^{n^2} k_{2j}^z (l_{2j}^x)^2, \\
 K_{11,12} &= -\sum_{j=1}^{n^2} k_{2j}^x l_{2j}^y l_{2j}^z, \\
 K_{6,12} &= \sum_{j=1}^{n^2} k_{2j}^y (l_{2j}^x)^2 + \sum_{j=1}^{n^2} k_{2j}^x (l_{2j}^y)^2. \quad (4)
 \end{aligned}$$

В формулах (4)  $l_x, l_y, l_z$  и  $l_x^*, l_y^*, l_z^*$  – координаты крепления амортизаторов рамы и ДГУ в их локальных системах координат.

Для решения системы дифференциальных уравнений (1) в настоящей работе применяется метод временных конечных элементов [3]. Проверка работоспособности метода проводилась на трехмассовой системе с упругими связями, для которой имеется точное аналитическое решение [4]. Кроме того, предлагаемая методика использовалась при моделировании динамического поведения элементов ходовых систем гусеничных машин [5, 6].

На основе изложенного алгоритма был разработан программный комплекс, который позволяет моделировать динамическое поведение ДГУ при любой частоте воздействия. Для известных параметров ДГУ и рамы, а также параметров амортизационного соединения вычисляются динамические перемещения центров масс элементов системы и углы поворота тел относительно осей глобальной системы координат. Задавая приращение частоты внешнего воздействия с определенным шагом, можно вычислить максимальные амплитуды динамических перемещений. Это позволяет строить амплитудно-частотные характеристики ДГУ и рамы. Кроме того, в

Таблица 1. Параметры дизельгенераторной установки

| 1 локальная подсистема: Рама         |                                             |                                             |                                             |                        |              |              |
|--------------------------------------|---------------------------------------------|---------------------------------------------|---------------------------------------------|------------------------|--------------|--------------|
| Масса $m_1$ , кг                     | Момент инерции $J_{x1}$ , кг*м <sup>2</sup> | Момент инерции $J_{y1}$ , кг*м <sup>2</sup> | Момент инерции $J_{z1}$ , кг*м <sup>2</sup> | Координаты центра масс |              |              |
|                                      |                                             |                                             |                                             | x, м                   | y, м         | z, м         |
| 290.000                              | 24.212                                      | 102.239                                     | 117.825                                     | -0.435                 | 0.079        | 0.180        |
| Параметры амортизационного крепления |                                             |                                             |                                             |                        |              |              |
| №                                    | Коэффициенты жесткости                      |                                             |                                             | Координаты крепления   |              |              |
|                                      | $k_{1x}$ , кН/м                             | $k_{1y}$ , кН/м                             | $k_{1z}$ , кН/м                             | $l_{1x}$ , м           | $l_{1y}$ , м | $l_{1z}$ , м |
| 1.                                   | 2646                                        | 1078                                        | 3871                                        | -1.370                 | -0.380       | 0.000        |
| 2.                                   | 2646                                        | 1078                                        | 3871                                        | -1.370                 | 0.380        | 0.000        |
| 3.                                   | 2646                                        | 1078                                        | 3871                                        | -0.532                 | -0.380       | 0.000        |
| 4.                                   | 2646                                        | 1078                                        | 3871                                        | -0.532                 | 0.380        | 0.000        |
| 5.                                   | 2646                                        | 1078                                        | 3871                                        | 0.148                  | -0.380       | 0.000        |
| 6.                                   | 2646                                        | 1078                                        | 3871                                        | 0.148                  | 0.380        | 0.000        |
| 7.                                   | 2646                                        | 1078                                        | 3871                                        | 0.348                  | -0.380       | 0.000        |
| 8.                                   | 2646                                        | 1078                                        | 3871                                        | 0.348                  | 0.380        | 0.000        |
| 9.                                   | 2646                                        | 1078                                        | 3871                                        | 0.548                  | -0.380       | 0.000        |
| 10.                                  | 2646                                        | 1078                                        | 3871                                        | 0.548                  | 0.380        | 0.000        |
| 2 локальная подсистема: ДГУ          |                                             |                                             |                                             |                        |              |              |
| Масса $m_2$ , кг                     | Момент инерции $J_{x2}$ , кг*м <sup>2</sup> | Момент инерции $J_{y2}$ , кг*м <sup>2</sup> | Момент инерции $J_{z2}$ , кг*м <sup>2</sup> | Координаты центра масс |              |              |
|                                      |                                             |                                             |                                             | x, м                   | y, м         | z, м         |
| 1683.000                             | 177.114                                     | 723.428                                     | 673.264                                     | -0.200                 | 0.000        | 0.145        |
| Параметры амортизационного крепления |                                             |                                             |                                             |                        |              |              |
| №                                    | Коэффициенты жесткости                      |                                             |                                             | Координаты крепления   |              |              |
|                                      | $k_{2x}$ , кН/м                             | $k_{2y}$ , кН/м                             | $k_{2z}$ , кН/м                             | $l_{2x}$ , м           | $l_{2y}$ , м | $l_{2z}$ , м |
| 1.                                   | 3920                                        | 882                                         | 7056                                        | -1.447                 | -0.387       | -0.100       |
| 2.                                   | 3920                                        | 882                                         | 7056                                        | -1.447                 | 0.387        | -0.100       |
| 3.                                   | 3920                                        | 882                                         | 7056                                        | 0.388                  | -0.365       | -0.167       |
| 4.                                   | 3920                                        | 882                                         | 7056                                        | 0.388                  | 0.365        | -0.167       |
| 5.                                   | 3920                                        | 882                                         | 7056                                        | 0.528                  | -0.365       | -0.167       |
| 6.                                   | 3920                                        | 882                                         | 7056                                        | 0.528                  | 0.365        | -0.167       |



программном комплексе дополнительно реализовано вычисление собственных частот колебаний ДГУ и рамы на основе метода Якоби [7].

В качестве примера были проведены расчеты дизельгенераторной установки с двухкаскадным амортизационным креплением (Рис. 1), параметры которой приведены в таблице 1.

Для оценки динамического поведения исследуемой конструкции были построены амплитудно-частотные характеристики (АЧХ) продольных, поперечных и вертикальных пе-

ремещений центров масс ДГУ и рамы в диапазоне частот внешнего воздействия от 1 Гц до 30 Гц с шагом изменения частоты 0.25 Гц. Кроме того проведен расчет также для наиболее удаленных от центров масс рамы и ДГУ точек крепления амортизаторов, так как это позволяет оценить влияние угловых перемещений элементов системы (Рис. 3). Собственные частоты колебаний рамы и ДГУ имеют следующие значения:  $f_1=6.8$  Гц,  $f_2=10.7$  Гц,  $f_3=13.5$  Гц,  $f_4=45.9$  Гц,  $f_5=78.2$  Гц,  $f_6=73.9$  Гц,  $f_7=17.0$  Гц,  $f_8$

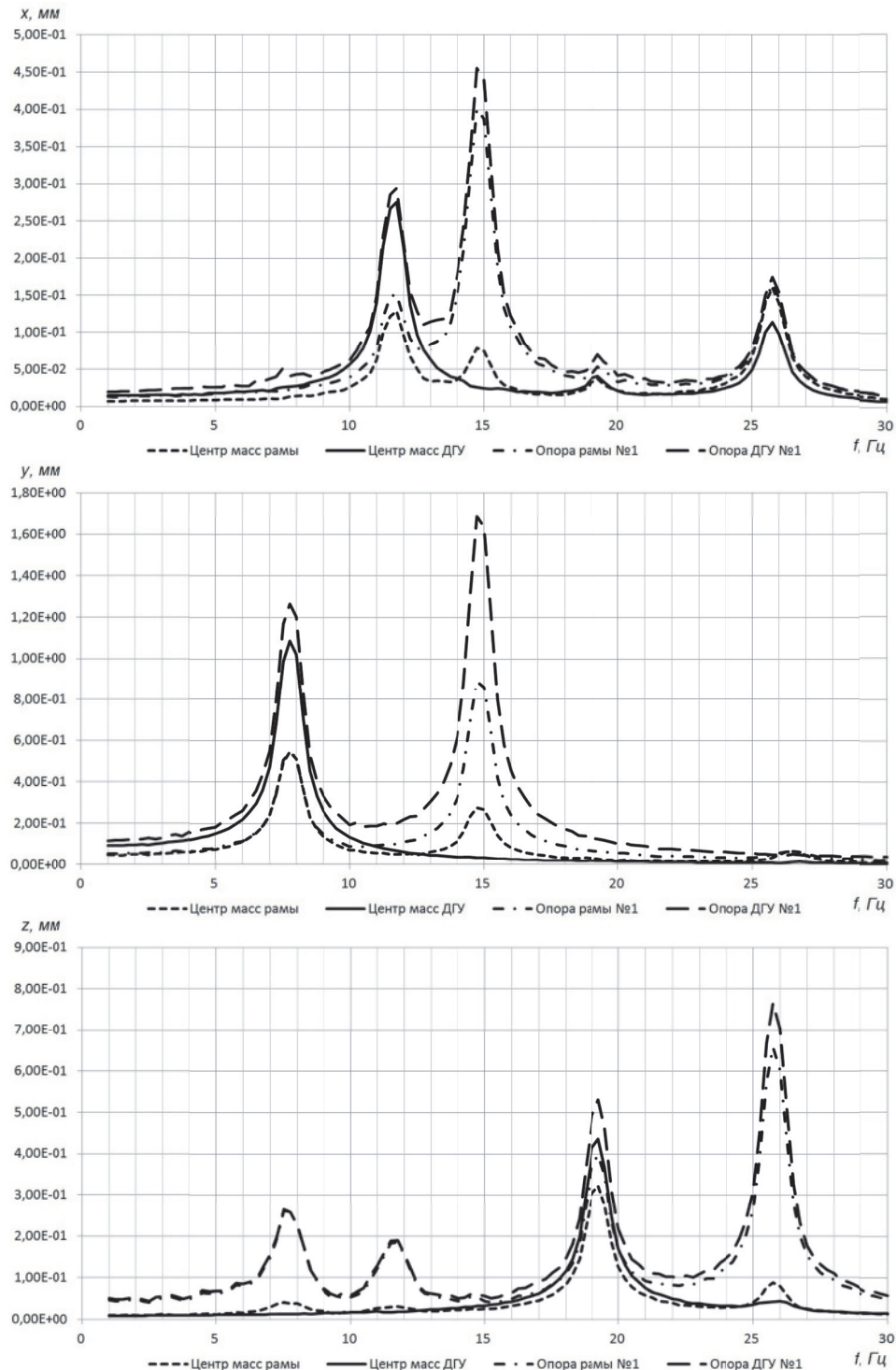


Рис. 3. Расчетные амплитудно-частотные характеристики

$=23.0$  Гц,  $f_9=22.8$  Гц,  $f_{10}=61,9$  Гц,  $f_{11}=119.6$  Гц и  $f_{12}=128.8$  Гц.

Анализ расчетных данных и графиков амплитудно-частотных характеристик показывает возникновение резонанса в областях собственных частот рамы и ДГУ. Приведенную конструкцию нельзя считать удачной, так как значения некоторых собственных частот попадают в рабочий диапазон (для данной конструкции ДГУ рабочий диапазон составляет 15-25 Гц или 900-1500 об/мин).

### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В заключение можно сделать следующие выводы: предложенная методика и разработанный на её основе программный комплекс позволяют оценить динамические перемещения и динамическую нагруженность элементов амортизации ДГУ при различных параметрах внешнего воздействия. Кроме того, приведенный программный комплекс позволяет проанализировать влияние параметров амортизационного крепления (количество, расположение, жесткостные характеристики амортизаторов) на динамическую нагруженность элементов с целью выявления направлений для улучшения существующих конструкций ДГУ с точки зрения вибрационной защиты.

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Расчет амортизации главных двигателей и валопроводов силовых установок высокоскоростных судов: учеб. пособие/ В.Л. Химич, Ю.П. Чернигин. Нижегород. гос. техн. ун-т. – 2-е изд., перераб. – Н.Новгород, 2013. – 108 с.
2. Тимошенко, С.П. Колебания в инженерном деле/ С.П. Тимошенко, Д.Х. Янг, У. Уивер. – М.: Машиностроение, 1985. – 472 с.
3. Howard, G.F. The Accuracy and Stability of Time Domain Finite Element Solutions/ G.F. Howard, J.E.T. Penny // Journal of Sound and Vibration. – 1978. - № 61(4). - P. 585 – 595.
4. Вербилов, А.Ф. Оптимизация параметров узлов ходовой части гусеничных машин с целью снижения их динамической нагруженности: дисс. ... канд. техн. наук: 01.02.06 / А.Ф. Вербилов. – Барнаул, 2000. – 157 с.
5. Вербилов, А.Ф. Влияние угловой и радиальной жесткостей резинометаллического шарнирного соединения гусеничного движителя на его динамическую нагруженность/ А.Ф. Вербилов, С.А. Коростелев // Научные проблемы транспорта Сибири и Дальнего Востока. – 2011.- № 1. – С. 180 – 183.
6. Коростелев, С.А. Влияние характеристик жесткости опорных катков гусеничного движителя на их динамическую нагруженность / С.А. Коростелев, А.Ф. Вербилов, В.В. Ковалев // Известия Самарского научного центра Российской академии наук. – 2012. Т15, №4(2). – С. 515-518.
7. Турчак, Л. И. Основы численных методов. — М.: Наука, 1987.

### MATHEMATICAL MODELING OF THE DYNAMIC BEHAVIOR OF A DIESEL GENERATOR UNIT WITH A TWO-STAGE DEPRECIATION SYSTEM

© 2020 V.V. Kovalev, A.F Verbilov, S.A. Ulrikh

Barnaul Law Institute of the Ministry of Internal Affairs of Russia

The paper considers mathematical modeling of the dynamic behavior of a diesel generator unit with a two-cascade suspension system, including rubber shock-absorbers. The results of a numerical study of the existing unit design based on the developed algorithm are presented.

**Keywords:** diesel generator units, rubber-metal shock absorbers, vibration protection, numerical research methods.

*Vitaly Kovalev, Candidate of Technics, Chief at the Technical and Shooting Training Department.*

*E-mail: 79095020200@yandex.ru*

*Alexey Verbilov, Candidate of Technics, Associate Professor at the Technical and Shooting Training Department.*

*E-mail: bubushka@mail.ru*

*Sergey Ulrikh, Candidate of Technics, Deputy Chief at the Technical and Shooting Training Department.*

*E-mail: ulrihs22@mail.ru*