

## СТРУКТУРНОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ПРОЦЕССА ТЕХНОЛОГИЧЕСКОГО НАГРЕВА НЕФТЕПРОДУКТА КАК ОБЪЕКТА УПРАВЛЕНИЯ С РАСПРЕДЕЛЕННЫМИ ПАРАМЕТРАМИ

*Э.Я. Рапопорт, Д.О. Сазонов*

Самарский государственный технический университет  
443100, г. Самара, ул. Молодогвардейская, 244  
Email: sazonovdo@mail.ru

*Приводится математическая модель и структурное представление процесса косвенного подогрева нефтепродукта в печи с газовым энергоносителем при его транспортировке через расположенный в печи технологический трубопровод как объекта управления с распределенными параметрами. Получено структурное представление данного объекта.*

**Ключевые слова:** газовая печь, технологический трубопровод, передаточная функция, стандартизирующая функция

Подогрев нефти при ее первичной подготовке и транспортировке в магистральные трубопроводы производится различными способами. Одним из таких способов является косвенный нагрев потока нефтепродукта во время его перемещения через расположенный в газовой печи технологический трубопровод (рис. 1).

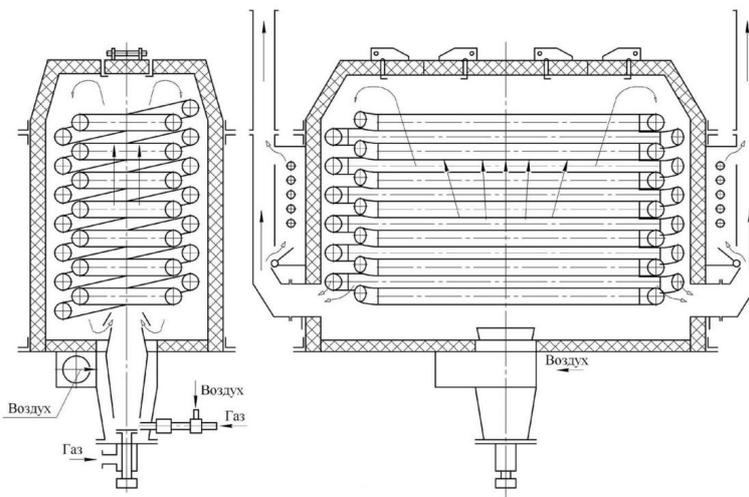


Рис. 1. Конструкция печи косвенного нагрева

Процесс нагрева нефти в этой установке можно в первом приближении описать системой дифференциальных уравнений в частных производных следующего вида:

$$\frac{\partial \theta_c(y, t)}{\partial t} = a \frac{\partial^2 \theta_c(y, t)}{\partial y^2}, y \in [0, R], t > 0, \quad (1)$$

*Эдгар Яковлевич Рапопорт (д.т.н., проф.), профессор каф. автоматики и управления в технических системах.*

*Дмитрий Олегович Сазонов, аспирант.*

$$\theta_c(y,0) = \theta_{0c}(y), \quad (2)$$

$$b \frac{\partial \theta_H(x,t)}{\partial t} + bV \frac{\partial \theta_H(x,t)}{\partial x} + \theta_H(x,t) = \theta_c(0,t), \quad x \in [0, L], \quad t > 0, \quad (3)$$

с граничными условиями, учитывающими конвективный характер внешнего теплообмена в печи и теплопередачи между стенкой трубопровода и движущимся потоком нефтепродуктов

$$\lambda \frac{\partial \theta_c(y,t)}{\partial y} \Big|_{y=R} = \alpha_g (\theta_g(t) - \theta_c(R,t)) \quad (4)$$

$$\lambda \frac{\partial \theta_c(y,t)}{\partial y} \Big|_{y=0} = \alpha_H (\theta_H(L,t) - \theta_c(0,t)) \quad (5)$$

$$\theta_H(0,t) = \theta_{0H}(t) \quad (6)$$

где,  $\theta_c(y,t)$  – распределение температуры по толщине стенки трубопровода;  $\theta_H(x,t)$  – распределение температуры нефти по длине трубопровода;  $\theta_g(t)$  – температура газовой среды в рабочем пространстве печи, которая считается равномерно распределенной по объему теплообменной камеры за счет интенсивной рециркуляции продуктов сгорания;  $V$  – скорость перемещения нефтепродуктов по трубопроводу;  $a = \frac{\lambda}{c\gamma}$  – коэффициент температуропроводности;  $\lambda$  – коэффициент теплопроводности;  $c, \gamma$  – удельная теплоемкость и плотность материала стенки трубопровода;  $b$  – коэффициент, определяемый геометрическими и теплофизическими характеристиками процесса нагрева нефтепродукта;  $R, L$  – толщина стенки и длина трубопровода;  $\alpha_g, \alpha_H$  – коэффициенты конвективной теплопередачи.

Модель (1)-(5) процесса косвенного подогрева нефти в газовой печи пренебрегает неравномерностью распределения температуры стенки по длине трубопровода в виду высокой степени равномерности температуры газовой среды на его поверхности; цилиндрической формой поперечного сечения трубопровода в виду малой толщины стенки по сравнению с его диаметром и неравномерностью радиального распределения температуры по сечению движущегося потока нефтепродуктов в виду турбулентного характера их перемещения через трубопровод выполненный в форме продуктового змеевика (рис. 1).

Ввиду малого перепада температур потока нефти по длине трубопровода по сравнению с температурой газовой среды в первом приближении принимается, что в граничном условии (5) фигурирует  $\theta_H(L,t)$ .

Функции Грина  $G_c(y, \xi, t)$  и  $G_H(x, \xi, t)$  [1] для уравнений (1), (4)-(5) и (3), (6) моделирующих, соответственно, температурные поля стенки технологического трубопровода и движущегося потока нефтепродуктов, описываются следующими выражениями [1]:

$$G_c(y, \xi, t) = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{\varphi^*(\lambda_k, y) \varphi^*(\lambda_k, \xi)}{\|\varphi^*(\lambda_k, y)\|^2} \exp(-a^2 \lambda_k^2 t); \quad (7)$$

$$G_H(x, \xi, t) = 1(x - \xi) \frac{1}{bV} \exp\left(-\frac{1}{bV}(x - \xi)\right) \delta\left(t - \frac{x - \xi}{V}\right). \quad (8)$$

Здесь собственные функции  $\varphi^*(\lambda_k, y)$  [1] в (7) представляются в виде:

$$\varphi^*(\lambda_k, y) = \cos(\lambda_k y) + \alpha_H \frac{\sin(\lambda_k y)}{\lambda_k}; \quad (9)$$

Квадрат нормы  $\varphi^*(\lambda_k, y)$  вычисляется по формуле:

$$\|\varphi^*(\lambda_k, y)\|^2 = \frac{\alpha_g}{2\lambda_k^2} \cdot \frac{\lambda_k^2 + \lambda_H^2}{\lambda_k^2 + \lambda_g^2} + \frac{\alpha_H}{2\lambda_k^2} + \frac{R}{2} \left(1 + \frac{\alpha_H^2}{\lambda_k^2}\right); \quad (10)$$

где собственные числа  $\lambda_k^2$  – положительные корни уравнения:

$$\frac{tg(\lambda R)}{\lambda} = \frac{\alpha_H + \alpha_g}{\lambda^2 - \alpha_H \cdot \alpha_g}; \quad (11)$$

и  $\delta\left(t - \frac{x - \xi}{V}\right)$  в (8) – дельта-функция временного аргумента, сосредоточенная в точке  $\tau = \frac{x - \xi}{V}$ .

Передаточные функции  $W_c(y, \xi, p)$  и  $W_H(x, \xi, p)$  соответствующих распределенных блоков рассматриваемого объекта управления по стандартизирующему входному воздействию, зависящему в общем случае от входной пространственной переменной  $\xi$ , являются изображениями по Лапласу их функций Грина [2]:

$$W_c(y, \xi, p) = \tilde{G}_c(y, \xi, p) = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{\varphi^*(\lambda_k, y)\varphi^*(\lambda_k, \xi)}{\|\varphi^*(\lambda_k, y)\|^2} \cdot \frac{1}{p + a^2\lambda_k^2}; \quad (12)$$

$$W_H(x, \xi, p) = \tilde{G}_H(x, \xi, p) = 1(x - \xi) \frac{1}{bV} \exp\left(-\frac{1 + bp}{bV}(x - \xi)\right). \quad (13)$$

Распределенный блок с передаточной функцией  $W_c(y, \xi, p)$  представляет собой, согласно (12), параллельное соединение бесконечного числа апериодических звеньев с коэффициентом передачи  $\eta_k(y, \xi)$  и постоянными времени  $T_k$ :

$$W_c(y, \xi, p) = \sum_{k=1}^{\infty} \eta_k(y, \xi) \cdot \frac{1}{T_k p + 1}; \quad (14)$$

где

$$\eta_k(y, \xi) = \frac{1}{a^2\lambda_k^2} \frac{\varphi^*(\lambda_k, y)\varphi^*(\lambda_k, \xi)}{\|\varphi^*(\lambda_k, y)\|^2}; \quad T_k = \frac{1}{a^2\lambda_k^2} \quad (15)$$

Объект описываемый уравнением (14) представляется в структурном отношении бесконечным числом параллельно соединенных апериодических звеньев первого порядка.

По каналам сосредоточенных входных воздействий  $\tilde{\theta}_g(p)$ ,  $\tilde{\theta}_H(L, p)$  и  $\tilde{\theta}_c(0, p)$  передаточные функции  $W_c$  и  $W_H$  преобразуются в передаточные функции соответствующих переходных  $x$ -блоков с распределенным выходом [2]. Для их определения запишем стандартизирующие функции для блоков  $W_c$  и  $W_H$  [1]:

$$\omega_c(\xi, \tau) = \frac{1}{c\gamma} \alpha_g \theta_g(\tau) \delta(\xi - R) - \frac{1}{c\gamma} \alpha_H \theta_H(L, \tau) \delta(\xi); \quad (16)$$

$$\omega_H(\xi, \tau) = \theta_c(0, \tau). \quad (17)$$

Зная стандартизирующую функцию (16) и передаточную функцию по стандартизирующему входу (12), найдем передаточные функции  $x$ -блоков для температурного поля стенки  $\tilde{\theta}(y, p)$  по каждому из указанных сосредоточенных воздействий [2]:

$$S_1(y, p) = \frac{\tilde{\theta}_1(y, p)}{\tilde{\theta}_g(p)} = \int_0^R \tilde{G}_c(y, \xi, p) \cdot \frac{\alpha_g}{c\gamma} \delta(\xi - R) d\xi = \frac{\alpha_g}{c\gamma} \tilde{G}_c(y, R, p); \quad (18)$$

$$S_2(y, p) = \frac{\tilde{\theta}_2(y, p)}{\tilde{\theta}_H(L, p)} = \int_0^R \tilde{G}_c(y, \xi, p) \cdot \frac{\alpha_H}{c\gamma} \delta(\xi) d\xi = -\frac{\alpha_H}{c\gamma} \tilde{G}_c(y, 0, p). \quad (19)$$

Аналогичным способом получаем передаточную функцию  $x$ -блока для потока нефти:

$$S_3(x, p) = \frac{\tilde{\theta}_H(x, p)}{\tilde{\theta}_c(0, p)} = \int_0^x \tilde{G}_c(x, \xi, p) d\xi = \int_0^x \frac{1}{bV} e^{-\frac{bp+1}{bV}(x-\xi)} d\xi = \frac{1}{bp+1} \left( 1 - e^{-\frac{x}{bV}} \cdot e^{-\frac{x}{V}p} \right); \quad (20)$$

В результате получаем с учетом выражений для стандартизирующих функций структурную схему объекта управления (1)-(6) с  $x$ -блоками (18), (19) и (20) представленную на рис. 2:

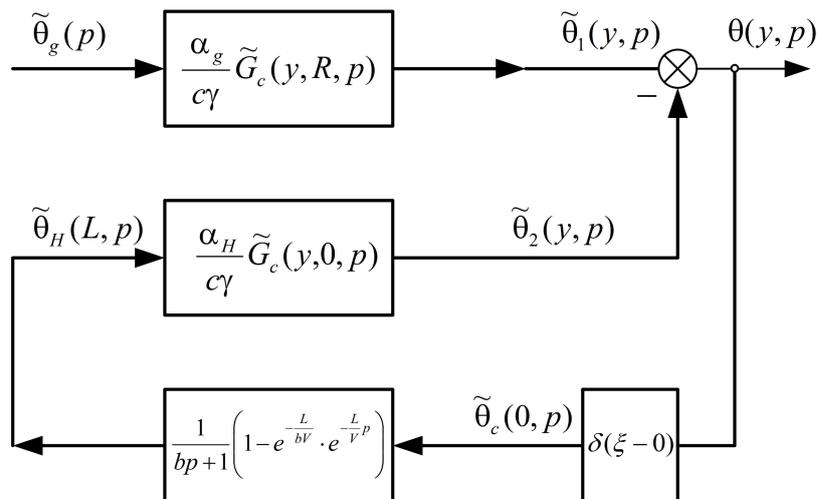


Рис. 2. Структурная схема объекта управления

#### БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

1. Бутковский А.Г. Структурная теория распределенных систем. – М.: Наука, 1977.
2. Рапопорт Э.Я. Структурное моделирование объектов и систем управления с распределенными параметрами: – М.: Высш. шк., 2003.

*Статья поступила в редакцию 2 марта 2012 г.*

#### **STRUCTURAL MODELING PROCESS HEATING OIL AS AN OBJECT MANAGEMENT WITH DISTRIBUTED PARAMETERS**

***E.Ya. Rapoport, D.O. Sazonov***

Samara State Technical University  
244, Molodogvardeyskaya st., Samara, 443100

*A mathematical model and a structural representation of the process of indirect heating oil in the oven with a gas energy source during its transportation through the furnace is located in the process pipeline as a control object with distributed parameters. Retrieved structural representation of the object.*

***Keywords:*** *gas stove, pipe technology, the transfer function, standardizing function.*

---

*Edgar Ya. Rapoport (Dr. Sci. (Techn.)), Professor.  
Dmitry O. Sazonov, Postgraduate student.*