

- 2015» [Proc. 25th Int. Conf. «Microwave & Telecommunication Technology»]. Sevastopol, 2015, pp. 232-233. (In Russian).
10. Cherepanov A.V., Mavrichev A.A., Dolmatov A.G., Luchinin A.S., Malygin I.V. Proektirovanie i issledovanie interfejsa zashchishchennoj sistemy peredachi audio-videoinformacii [Research and design of communication system interface protected transmission systems audio-video]. *Fizika volnovykh processov i radiotekhnicheskie sistemy*, 2017, vol. 20, no. 1, pp. 53-57.
  11. Losev V.V., Brodskaja E.B., Korzhik V.I. *Poisk i dekodirovanie slozhnykh diskretnykh signalov* [Search and decoding of complex discrete signals]. Moscow, Radio i svyaz' Publ, 1988. 223 p.
  12. Borovkov K.V., Malygin I.V. Perspektivnye sposoby moduljaci v shirokopолосnyh sistemah peredachi dannyh [Perspective modulation methods in broadband data communication systems]. *Tekhnologii i sredstva svyazi*. 1998, no. 5, pp. 54-60.
  13. Pestryakov V. *Shumopodobnye signaly v sistemakh peredachi informacii* [Spread spectrum signals with information transfer systems] Moscow, Sovetskoe radio Publ, 1973. 424 p.
  14. Alekseev A.I., Sheremet'ev A.G., Tuzov G.I., Glazov B.I. *Teoriya i primenenie psevdosluchajnyh signalov* [Theory and application of pseudo-random signals] Moscow, Nauka Publ, 1969. 366 p.
  15. Smirnov A.V., Peskin A.E. *Cifrovoe televideenie: ot teorii k praktike* [Digital television: from theory to practice] Moscow, Goryachaja liniya – Telekom Publ, 2011. 352 p.

*Received 22.01.2018*

УДК 621.396; 534.86

## ИССЛЕДОВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ ЭФФЕКТИВНОСТИ СЖАТИЯ АУДИОДАННЫХ

*Степанова И.А., Степанов М.А., Заболотов В.А.*

*Поволжский государственный университет телекоммуникаций и информатики, Самара, РФ*

*E-mail: aistvt@mail.ru*

В статье приводятся результаты исследования параметров сжатия звукового сигнала: длины выборки и частоты дискретизации, используемых при спектральном анализе аудиоданных. Определены условия, позволяющие достаточно эффективно восстанавливать звуковой сигнал после его цифровой обработки и применения частотных дискретных ортогональных преобразований к выборкам первичного сигнала. Представлены рекомендации относительно целесообразных значений интервала преобразования и частоты дискретизации аудиосигнала и произведен их расчет для разных диапазонов частот. Сравнение характеристик восстановленных результатов со стандартами MPEG и Dolby AC-3 (A/52) показывает, что они превышают рекомендуемые величины. Время обработки звуковых сигналов можно снизить, если первичный цифровой сигнал разделить банком цифровых фильтров на субполосные составляющие. Определены пути дальнейшего исследования процесса оптимизации частоты дискретизации с учетом психоакустических особенностей слухового восприятия человеком звукового сигнала.

**Ключевые слова:** сжатие аудиоданных, дискретные ортогональные преобразования, психоакустические свойства слуха, цифровая обработка сигналов

### **Введение**

Главным ресурсом сжатия звукового сигнала (ЗС) является его естественная значительная избыточность. Различают статистическую и психоакустическую избыточность первичных цифровых сигналов [5]. Сокращение статистической избыточности базируется на учете свойств самих ЗС, а психоакустической – на учете особенностей слухового восприятия звука человеком. При этом сжатие производится в частотной области.

Статистическая избыточность обусловлена наличием корреляционных связей между соседними отчетами ЗС при его дискретизации. Для

ее уменьшения применяют достаточно сложные алгоритмы преобразования, которые позволяют уменьшить пропускную способность канала связи лишь на 15 - 30 %. Такое сжатие не может обеспечить все возрастающие требования, как к количеству, так и к качеству передаваемой информации. Поэтому в последнее время в нашей стране и за рубежом уделяется большое внимание вопросам развития новых методов сжатия ЗС, основанных на использовании психоакустических свойств слуха человека.

Наличие этой избыточности обнаруживается как субъективная психофизическая реакция че-

ловека. При скорости передачи цифровых потоков высококачественных ЗС сотни кбит/с человек способен со своими органами чувств сознательно обрабатывать лишь около 100 бит/с информации. Что свидетельствует о существенной психоакустической избыточности первичных цифровых ЗС и, следовательно, о возможности ее уменьшения. Наиболее перспективными оказались методы, учитывающие такие свойства слуха, как маскировка, предмаскировка и постмаскировка [5]. Целесообразно по каналу связи передавать лишь те части сигнала, которые ухо способно воспринять, а неслышимые составляющие можно отбросить.

С целью уменьшения избыточности применяют сложные алгоритмы преобразования. При этом становится важно, чтобы все эти алгоритмы позволяли бы при обратном преобразовании восстанавливать исходные сигналы без искажений.

Величина избыточности является функцией времени и определяется характером звукового сигнала. Вследствие этого современные способы сжатия ЗС предусматривают динамический анализ спектра реального сигнала путем применения к выборкам первичного цифрового сигнала частотных дискретных ортогональных преобразований (ДОП) [1; 9]. Причем с увеличением длины выборки  $N$  коэффициент сжатия увеличивается. Вместе с тем не менее перспективными могут быть и более короткие выборки. В известных источниках [4-5] приводятся попытки анализа и теоретического решения вопроса относительно величины длительности интервала преобразования  $T_{\Pi}$ , но однозначного решения до сих пор не получено.

В свою очередь длина выборки  $N$  преобразования помимо длительности самого интервала преобразования  $T_{\Pi}$  зависит и от частоты дискретизации  $F_d$  первичного цифрового сигнала:

$$N = T_{\Pi} F_d. \quad (1)$$

Результаты анализа влияния  $F_d$  на качество субъективного восприятия звука, приведенные в [5], позволяют сделать лишь качественный вывод: повышение качества субъективного восприятия звука с увеличением  $F_d$  объясняется недостаточностью временного разрешения.

Из сказанного следует, что задачу рационального выбора длины выборки  $N$  нельзя считать окончательно решенной. Уменьшение избыточности ЗС определяет важнейшие показатели систем с компрессией цифровых аудиоданных, вследствие чего требуются обоснованные реко-

мендации по использованию длины выборки и частоты дискретизации первичного цифрового сигнала.

### Исследование интервала преобразования

Как известно [5], для начального цифрового представления ЗС с целью их дальнейшей обработки обычно используются принципы импульсно-кодовой модуляции (ИКМ). Поэтому будем считать, что первичный цифровой сигнал представляет собой последовательность ИКМ отсчетов, следующих с частотой дискретизации, удовлетворяющей требованию теоремы Котельникова. Чтобы в дальнейшем использовать психоакустические свойства ЗС для уменьшения его психоакустической избыточности, необходимо временные отсчеты преобразовать в спектральные составляющие. Будем также считать, что спектр сигнала получается путем применения к выборке первичного цифрового сигнала длиной в  $N$  временных отсчетов вещественного дискретного ортогонального преобразования, коэффициенты которого не коррелированы по величине, не зависят от начальной фазы и интерпретируются как частотные составляющие исходного аналогового сигнала. То есть исходный сигнал представляется последовательностью блоков спектральных выборок по  $N$  спектральных компонент (тонов) каждая.

С целью выработки обоснованных рекомендаций относительно значений  $T_{\Pi}$  и  $F_d$  необходимо определить условия, позволяющие считать их необходимыми и/или достаточными.

Эти условия можно сформулировать следующим образом:

а) обеспечивается возможность достаточно точного восстановления динамики изменения уровня спектральных компонент ЗС во времени;

б) коэффициенты ДОП не должны, по крайней мере существенно, расходиться со спектральными компонентами, маскируемыми слуховым анализатором человека.

Первое условие непосредственно связано с величиной интервала преобразования  $T_{\Pi}$ , которую целесообразно искать на основе статистической модели звуковых сигналов.

Наиболее полной статистической моделью ЗС считается модель А.В. Римского-Корсакова [8], согласно которой сигнал звукового вещания по своим свойствам подобен стационарному случайному процессу, модулированному по амплитуде другим случайному процессом. Эта модуляция происходит с периодами, значительно превыша-

ющими периоды как большинства музыкальных тонов, так и основных тонов речи. Кроме того, модулирующий процесс не коррелирован с модулируемым процессом.

Преимуществом этой модели является достаточно полное и правильное качественное описание ЗС. Используя разные параметры для модулируемой и модулирующей составляющих математической модели, можно аппроксимировать ЗС различных жанров. В соответствии с моделью Римского-Корсакова, звуковой сигнал можно представить как  $\xi(t) = \sigma_T(t) \eta(t)$ , где  $\sigma_T(t)$  – случайный низкочастотный процесс с распределением  $W_\sigma(x)$ , мало изменяющимся на интервале времени  $T$  порядка 0,1 с;  $\eta(t)$  – стационарный гауссовский процесс с нулевым средним и единичной дисперсией.

В общем случае  $\sigma_T(t)$  нестационарный процесс, однако в дальнейшем нас будет интересовать поведение звукового сигнала на отрезке времени  $T_{\Pi}$ , значительно меньшим интервала стационарности  $\sigma_T(t)$ . Поэтому допустимо считать, что распределение  $W_\sigma(x)$  на отрезке времени  $T_{\Pi}$  не зависит от времени, но его параметры меняются в зависимости от жанра передаваемого фрагмента звуковой программы (речь, симфоническая или эстрадная музыка и т.п.).

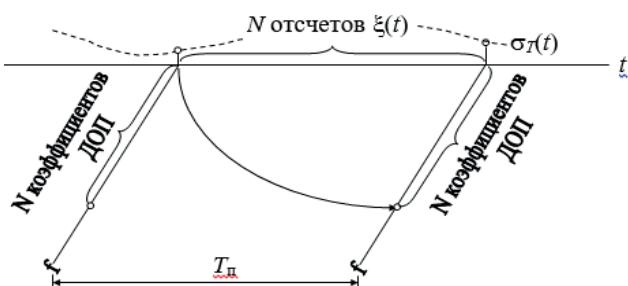


Рисунок 1. Интерпретация интервалов преобразования как последовательности спектральных выборок

В ходе обработки цифровых аудиоданных производится периодическое с периодом  $T_{\Pi}$  преобразование  $N$  временных отсчетов в  $N$  коэффициентов ДОП (см. рисунок 1). При использовании частотных ДОП каждый блок из  $N$  его коэффициентов можно интерпретировать как мгновенный спектр (спектральную выборку) звукового сигнала. Тогда  $T_{\Pi}$  отвечает роли параметра, ответственного за точность восстановления той из составляющих динамики изменения уровня спектральных компонент, которая определяется низкочастотным модулирующим случайным процессом  $\sigma_T(t)$ . То есть чем выше частота модуляции, тем меньше должен быть интервал преобразова-

ния. На этом основании и в соответствии с теоремой отсчетов Котельникова величину  $T_{\Pi}$  следует выбирать из условия

$$T_{\Pi} \leq 1/(2 F_{\sigma}), \quad (2)$$

где  $F_{\sigma}$  – верхняя частота спектра модулирующего случайного процесса  $\sigma_T(t)$ .

Согласно [3], частоту  $F_{\sigma}$  для музыкальных сигналов можно принять равной 65 Гц, а для речевых сигналов – 45 Гц, что вполне согласуется с положением модели Римского-Корсакова относительно частот модуляции процесса  $\eta(t)$ . Тогда в соответствии с выражением (2) получаем

$$T_{\Pi} \leq \begin{cases} 7,7 \text{ мс для музыкальных сигналов,} \\ 11 \text{ мс для речевых сигналов.} \end{cases} \quad (3)$$

### Исследование частоты дискретизации

Еще одним параметром эффективности сжатия ЗС, влияющим на качество субъективного восприятия восстановленного звука, является частота  $F_{\Delta}$  дискретизации первичного сигнала с целью повышения качественных показателей. В современной высококачественной аудиоаппаратуре  $F_{\Delta}$  увеличиваются до 96 кГц и даже до 192 кГц [5-6]. Объясняют этот эффект недостаточным временными разрешением, обусловливающим неприятное звучание ошибок квантования, совершенно не учитывая при этом психоакустический аспект.

Порог слышимости, формируемый слуховым анализатором человека, представляет собой совокупность участков взаимно немаскируемых спектральных компонент ЗС [11]. При этом одна и та же спектральная компонента время от времени становится то маскирующей, то маскируемой. То есть форма порога слышимости все время меняется. Рецепторами слуха воспринимается лишь часть спектральных компонент, определяемая разрешающей способностью слуха по частоте  $\Delta f$ . Следовательно, для идеального моделирования порога слышимости необходимо, чтобы разрешающая способность ДОП по частоте  $\Delta f_{\text{ДОП}}$  совпадала с разрешающей способностью слуха  $\Delta f \approx 1$  Гц.

Последнюю величину можно оценить на основе строения человеческого уха [11]. Слуховой орган, воспринимающий звуковые колебания, состоит из базилярной пластинки, представляющей собой порядка  $2 \cdot 10^4$  слуховых струн разной длины и толщины, реагирующих на колебания различной частоты. Далее волосковые клетки слухового органа преобразуют колебания базилярной пластинки в электрические потенциалы. Сопоставляя эти данные с диапазоном слышимых частот  $20 - 2 \cdot 10^4$  Гц, получаем  $\Delta f \approx 1$  Гц.

Разрешающую способность частотных ДОП по частоте в зависимости от вида ДОП при неизменной длине выборки  $N$  можно определить:

$$\Delta f_{\text{ДОП}} = \frac{F_d}{K \cdot N}, \quad (4)$$

или с учетом (1)

$$\Delta f_{\text{ДОП}} = 1/K T_{\Pi}, \quad (5)$$

где коэффициент пропорциональности  $K = 1$  для дискретного преобразования Фурье (ДПФ, стандарты MPEG);  $K = 2$  для дискретного косинусного преобразования (ДКП) (стандарт DOLBY AC-3) [5].

При фиксированном  $T_{\Pi}$  согласно (1) и (4)  $\Delta f_{\text{ДОП}}$  может быть уменьшена только за счет увеличения  $F_d$  и в данном случае в  $\mu$  раз, где

$$\mu = \frac{\Delta f_{\text{ДОП}}}{\Delta f} = \frac{1}{K T_{\Pi} \Delta f}. \quad (6)$$

Однако для обеспечения  $\Delta f_{\text{ДОП}} = 1$  Гц при  $K = 1$  в соответствии с (5) и с учетом (3) значение  $F_d$  потребуется увеличить как минимум в 130 раз в случае музыкального сигнала и примерно в 90 раз в случае речевого сигнала. При  $K = 2$  и той же  $\Delta f_{\text{ДОП}}$  коэффициент пересчета  $F_d$  составит 65 и примерно 45 соответственно.

Однако при учете психоакустических особенностей слуха значение  $\mu$  можно уменьшить. Так, связующим звеном между частотой как параметром раздражения и частотой как параметром субъективного ощущения является высота тона. Более того, экспериментально установлено [11], что изменение частоты  $f_t$  тона в определенных пределах на слух не ощущается, то есть высота тона не меняется. Эти пределы определены в [11] как минимально ощущаемая девиация  $\delta f$  при частотной модуляции, осуществляющейся по синусоидальному закону. Поскольку  $f_t$  меняется в пределах от  $f_t - \delta f$  до  $f_t + \delta f$ , величина  $2 \delta f$  является градацией раздражения и определяет ширину еще различимой ступени частоты (высоты тона на основной мембране внутреннего уха человека). Но тогда качество субъективного восприятия восстановленного звука вряд ли заметно ухудшится, если каждый коэффициент ДОП будет концентрировать энергию очень узкой полосы частот, в которой к тому же субъективное ощущение тона не зависит от его частоты.

Для обеспечения  $\Delta f_{\text{ДОП}} = 2 \delta f$  коэффициент  $\mu$  в (6) будет определяться отношением  $1/K T_{\Pi} 2 \delta f$ , а новая частота дискретизации

$F_{\text{Дmax}}$ , необходимая для сохранения качества источника цифрового звука, будет равна

$$F_{\text{Дmax}} = \frac{F_d}{K T_{\Pi} 2 \delta f}, \text{ Гц.} \quad (7)$$

При этом соответствующая длина выборки

$$N = T_{\Pi} F_{\text{Дmax}}. \quad (8)$$

Теперь становится понятен механизм влияния частоты дискретизации на качество субъективного восприятия звука: с увеличением  $F_d$  повышается степень соответствия разрешающей способности по частоте ДОП нелинейному характеру шкалы различных градаций высоты тона на основной мембране внутреннего уха человека.

При использовании спектрального анализа аудиоданных с помощью ДОП для оценки частотного параметра  $F_{\text{Дmax}}$  значение  $\delta f$  достаточно выбрать из условия:

$$\delta f = \min\{\delta f(f_i)\}_i, f_i \in (f_{2\xi} - f_{1\xi}); \text{ Гц,} \quad (9)$$

где  $f_{1\xi}$  и  $f_{2\xi}$  – соответственно, нижняя и верхняя граница рабочего диапазона частот звукового сигнала.

Для оценки частоты длины выборки и частоты дискретизации воспользуемся аппроксимацией [2] кривой порога различимости частоты тона, полученной авторами в [10]. Результаты расчета, проведенного в соответствии с (7)-(9) и [10] для различных рабочих диапазонов частот звукового сигнала приведены в таблице 1.

Таблица 1. Достаточные частота дискретизации и длина выборки при спектральном анализе аудиоданных с помощью ДОП

Рабо- чий диапа- зон частот ЗС, кГц	Область примене- ния	Частот- ная чувстви- тельность слуха	ДПФ ( $K = 1$ )		ДКП ( $K = 2$ )	
			$F_d$ max, кГц	$N$	$F_d$ max, кГц	$N$
0,02 ... 20	Звукоза- пись, стереофо- ническое вещание	$\delta f = 1,5$ Гц	1730	13330	865	6667
0,04 ... 10	Мульти- медиа приложе- ния	$\delta f = 2$ Гц	970	7500	485	3750
0,3 ... 3,4	Телефония	$\delta f = 3$ Гц	100	1132	50	566

При расчетах величина  $T_{\Pi}$  была принята в соответствии с (3) и составляла 7,7 мс. для музыкальных сигналов и 11 мс для телефонии. Кроме того, для простоты  $F_d$  принята равной  $2 f_{2,\xi}$ , а  $\delta f$  рассчитывалась по [10]. Как видно из результатов, приведенных в таблице 1, число отсчетов  $N$  в выборке и частота дискретизации  $F_d$  первичного ЗС довольно велики, что ведет к увеличению времени обработки аудиоданных.

## Выводы

При сравнении полученных результатов с учетом психоакустического восприятия восстановленного звука со стандартами нетрудно заметить, что они превышают рекомендуемые величины. Так в стандартах MPEG значение  $N$  варьируется от 256 до 2048, а в стандарте Dolby AC-3 (A/52) – от 256 до 512 [5]. Время обработки звуковых сигналов можно значительно снизить, если первичный цифровой сигнал разделить банком цифровых фильтров на субполосные составляющие. При этом  $F_d$  в каждом субполосном канале снижается до величины, равной удвоенной полосе пропускания соответствующего фильтра.

## Литература

1. Elliot D., Rao K.R. Fast transform: Algorithm, analyses and applications. – N.Y.: Academic Press, 1982. – 318 p.
2. Воскобойников Ю.Е. Регрессионный анализ данных в пакете Mathcad. М: Лань, 2011 – 224 с.
3. Горон И.Е. Радиовещание. М.: Связь, 1979. – 368 с.
4. Колесников В.М. Спектральные методы сокращения избыточности высококачественных звуковых сигналов // Радио и телевидение ОИРТ. – 1989. – №2 – С. 35-39.
5. Ковалгин Ю.А., Вологдин Э.И. Цифровое кодирование звуковых сигналов. СПб.: КОРОНА-принт, 2004. – 240 с.
6. Ковалгин Ю.А Стереофоническое радиовещание и звукозапись, М: Горячая линия – Телеком, 2014. – 718 с.
7. Моисеев М.Н. К вопросу о выборе интервала анализа при кодировании звуковых сигналов в частотной области // Техника средств связи. – Сер. ТРПА. 1989. – Вып. 2. – С. 51-57.
8. Римский-Корсаков А. В. Статистические свойства радиовещательного сигнала // Акустический журнал. – 1960. – Т.6. – Вып. 3. – С. 360-369.
9. Степанова И.А. К выбору ортогональных преобразований для эффективного сжатия звуковых сигналов // Материалы IX РНК: тез. докладов – Самара, 2002. – С. 133-135.
10. Степанова И. А., Заболотов В.А. Аппроксимация порога различимости частоты тона. // Сибак. Сборник статей по материалам XVI МНПК – Новосибирск, 2018. – С. 52-56.
11. Цвикер Э., Фельдкеллер Р. Ухо как приемник информации. Пер. с нем. М.: Связь, 1971, – 255 с.

*Получено 02.04.2018*

**Степанова Ирина Алексеевна**, к.т.н., доцент Кафедры информатики и вычислительной техники (ИВТ) Поволжского государственного университета телекоммуникаций и информатики (ПГУТИ). Тел. 8 (846) 228-00-59; +7-927-765-62-36. E-mail: aistvt@mail.ru

**Степанов Михаил Александрович**, к.т.н., доцент Кафедры программного обеспечения и управления в технических системах ПГУТИ. Тел. 8 (846) 228-00-13. E-mail: stefanov-m@yandex.ru

**Заболотов Владимир Александрович**, магистрант Кафедры ИВТ ПГУТИ. Тел. +7-927-750-14-90. E-mail: zabal-v37@mail.ru

## EFFECTIVE AUDIO COMPRESSION PARAMETERS RESEARCH

*Stefanova I. A., Stefanov M. A., Zabolotov Y.A.*

*Povolzhskiy State University of Telecommunications and Informatics, Samara, Russian Federation  
E-mail: aistvt@mail.ru*

In the article the authors offer an original model in which audio signals are compressed on the basis of psychoacoustic properties of hearing: namely, sample length and sampling frequency of audio data that the authors refer to in frequency analysis. The necessary conditions are determined, which allow restoring the sound signal quite accurately, after its digital processing and application of frequency discrete orthogonal transformations to the samples of the primary digital signal. The researchers provide recommendations for values of the examined parameters so that compression could be

effective, particularly, the conversion interval and the sampling frequency of the audio signal. The calculation for different frequency ranges of audio signals is performed. The ways for further research of the sampling frequency are identified that take into account psychoacoustic peculiarities of human hearing.

**Keywords:** audio data compression, discrete orthogonal transform, psychoacoustic properties of hearing, digital signal processing

**DOI:** 10.18469/ikt.2018.16.3.12

**Stefanova Irina Alekseevna**, Povolzhskiy State University of Telecommunications and Informatics, 77 Moskovskoe shosse, Samara, 443090, Russian Federation; Assistant Professor of the Department of Informatics and Computer Technics, PhD in Technical Sciences. Tel. +79277656236. E-mail: aistvt@mail.ru

**Stefanov Michael Aleksandrovich**, Povolzhskiy State University of Telecommunications and Informatics, 77 Moskovskoe shosse, Samara, 443090, Russian Federation; Assistant Professor of the Department of Software and Management in Technical Systems, PhD in Technical Sciences. Tel. +79277010244. E-mail: stefanov-m@yandex.ru

**Zabolotov Vladimir Aleksandrovich**, Povolzhskiy State University of Telecommunications and Informatics, 77 Moskovskoe shosse, Samara, 443090, Russian Federation; master's student of the Department of Informatics and Computer Technics. Tel. +79277501490. E-mail: zabal-v37@mail.ru

## References

1. Elliot D. *Fast transform: Algorithm, analyses and applications*. New York, Academic Press, 1982. 318 p.
2. Voskoboinikov U.E. *Regressionnyy analiz dannyh v pakete Mathcad* [Regression analysis of data in the Mathcad package]. Moscow, Lan' Publ., 2011. 224 p.
3. Goron I.E. *Radioveshchanie* [Broadcasting]. Moscow, Svyaz' Publ., 1979. 368 p.
4. Kolesnikov V.M. *Spektral'nye metody sokrashcheniya izbytochnosti vysokokachestvennyh zvukovyh signalov* [Spectral methods for reducing the redundancy of high-quality sound signals]. *Radio i televideenie OIRT*, 1989, no 2. pp. 35-39.
5. Kovalgin U.A. *Cifrovoe kodirovanie zvukovyh signalov* [Digital coding of sound signals]. Moscow, KORONA-print Publ., 2004. 240 p.
6. Kovalgin U.A. *Stereofonicheskoe radioveshchanie i zvukozapis'* [Stereophonic radio broadcasting and sound recording]. Moscow, Goryachaya liniya – Telekom, 2014. 718 p.
7. Moiseev M.N. *K voprosu o vybere intervala analiza pri kodirovani zvukovyh signalov v chastotnoy oblasti* [About the choice of the analysis interval for the coding of audio signals in the frequency domain]. *Tekhnika sredstv svyazi*, 1989, no. 2. pp. 51-57.
8. Rimsky-Korsakov A.V. *Statisticheskie svoystva radioveshchatel'nogo signala* [Statistical properties of a broadcasting signal]. *Akusticheskiy zhurnal*, 1960, vol.6, no 3, pp. 360-369.
9. Stefanova, I.A. *K vyboru ortogonal'nyh preobrazovaniy dlya effektivnogo szhatiya zvukovyh signalov* [To the choice of orthogonal transformations for effective compressions of sound signals]. *Materialy IX RNK*, Samara, 2002, pp 133-135.
10. Stefanova I.A., Zabolotov V.A. *Approksimaciya poroga razlichimosti chastoty tona* [Approximation of the threshold for distinguishing the tone frequency]. Sibak, Sbornik statey po materialam XVI MNPK, Novosibirsk, 2018, pp. 52-56.
11. Zwicker E., Feldtkeller R. *Das Ohr als Nachrichtenempfänger. 2th ed.* Stuttgart, S Hirzel Verlag, 1967, 217 p (Russ ed.: Belkin B.G. *Uho kak priemnik informacii*. Moscow, Svyaz'. 1971. 255 p.)

Received 02.04.2018