

Эффект повышения стойкости обеспечивается нанесением ФАБО на наиболее нагруженные части штампа (вытяжное ребро матрицы) с совместным применением отечественной металлоплакирующей присадки «Валена».

Необходимо дальнейшее исследование представленной технологии с целью определения оптимальных условий нанесения покрытия ФАБО и оптимальной концентрации присадки в смазочной среде, применительно к различным штампуемым материалам.

#### Литература

1. Повышение стойкости штампов/ Вайнтрауб Д.А. – Лениздат: Ленинград. 1958.
2. Исследования ГОСНИТИ, ВНИИТиНи ООО «РИП» в области нетрадиционной триботехники/ Дунаев А.В., Остриков В.В., Пустовой И.Ф. Ремонт, восстановление, модернизация. – 2013. – № 3.
3. Финишная антифрикционная безабразивная обработка (ФАБО) деталей/ Карпенков В.Ф., Стрельцов В.В., Приходько И.Л., Попов В.Н., Некрасов С.С. – Пушкино : ОНТИ ПНЦ РАН, 1996 – 108 с.
4. Технология листовой штамповки. Технологическое обеспечение точности и стойкости/ В.Г. Ковалёв, С.В. Ковалёв. – М. : КНОРУС, 2010 – 224 с.
5. Основы расчётов на трение и износ/ Крагельский И.В., Добычин М.Н., Комбалов В.С. – М.: Машиностроение, 1977 – 436 с.
6. Теория пластической деформации и обработка металлов давлением/ Мастеров В.А., Берковский В.С. – М. Металлургия, 1989.
7. Холодная листовая штамповка днищ/ Мельников Э.Л. – М.: Машиностроение, 1976. – 184 с.
8. Методика проектирования машин с заданным ресурсом работы/ Мельников Э.Л., Серёжкин М.А. Ремонт, восстановление, модернизация. – 2009. – № 12.
9. Параметрическая надёжность машин/ Проников А.С. М.: МГТУ им. Н.Э.Баумана, 2002 – 560с.
10. Повышение стойкости штамповой оснастки трибологическими методами/ Ремонт, восстановление, модернизация/ Серёжкин М.А. Мельников Э.Л. 2013. – № 12.
11. Формирование катализатором «Evo@lution» в зонах трения алмазоподобных углеродных плёнок/ Сокол С.А. Ремонт, восстановление, модернизация. 2013. – № 3.
12. Расчёт соединений /Хохлов В.М., Хохлова С.В., Петраков Д.И. – Брянск, ООО «ВИМАХО», 2007 – 208 с.

### **Определение минимально допустимого радиуса закругления в штампе для изотермического прямого осесимметричного выдавливания алюминиевого сплава АД35**

Воронков В.И.  
Университет машиностроения  
8(926)-135-63-40, v-i-w@bk.ru

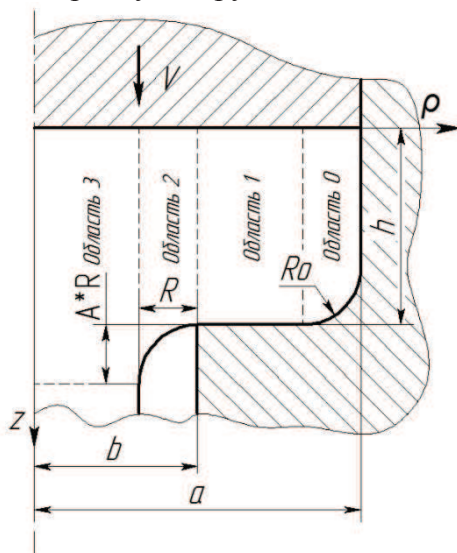
*Аннотация.* В статье описывается методика, а также приведены графики, для определения оптимального радиуса закругления в инструменте для изотермической штамповки при прямом выдавливании в осесимметричной матрице. Метод определения оптимального радиуса закругления основывается на решении задачи минимизации полной мощности пластической деформации при течении металла в осесимметричной матрице без закругления, т.е. при свободном течении материала на переходе. Теоретическое решение задачи нахождения оптимального радиуса закругления проверено экспериментально.

*Ключевые слова:* оптимальный радиус закругления, метод баланса мощности, прямое выдавливание, изотермическая штамповка, сплав АД35

Изотермическая штамповка – процесс горячего деформирования заготовок деталей в инструменте, температура которого находится в пределах рекомендуемого температурного

интервала горячего деформирования штампуемого материала, при относительно невысоких скоростях деформирования, как правило, не превышающих 5 мм/с. Штамповка с малыми скоростями при постоянной оптимальной температуре обеспечивает высокие пластические свойства обрабатываемых материалов, однородность температурного поля, равномерность деформаций, снижение контактного трения, силы штамповки и нагрузок на инструмент, повышение пластичности за счёт "залечивания" микротрещин. Указанные особенности изотермической штамповки позволяют получать детали сложной формы с тонкими полостями и ребрами, выступами и полостями, резкими перепадами сечений, вертикальными стенками и другими элементами, получение которых при обычной штамповке невозможно или затруднено. Кроме того, изотермическая штамповка позволяет снизить напуски, что существенно снижает объёмы последующей обработки резанием [1, 2]. Несмотря на вышеприведенные преимущества изотермической штамповки, данная технология пока ещё не нашла широкого применения (в основном из-за тяжёлых условий работы изотермических штампов), и опыт оптимального проектирования чертежа штамповки ещё не накоплен; так, например, в литературе нет чётких указаний по выбору радиусов закруглений на переходах в штампе.

Для определения радиуса закругления на переходе в штампе будем считать, что оптимальный (или минимально допустимый) радиус будет соответствовать естественному радиусу закругления, образуемому при перетекании металла в полость без радиуса закругления. Рассмотрим схему прямого осесимметричного выдавливания в матрице без скругления на ребре, через которое перетекает материал (рисунок 1). При перетекании металла в полость матрицы образуется естественный радиус закругления.



**Рисунок 1. Схема задачи прямого осесимметричного выдавливания**

#### Постановка задачи

Решить данную задачу методом конечных элементов, с применением специализированного коммерческого программного обеспечения, достаточно проблематично, т.к. в месте перетекания материала через острую кромку, или кромку с очень малым радиусом скругления, узлы сетки конечных элементов выходят за границы поверхности инструмента, что вызывает вырождение элементов, и делает решение некорректным. Для решения задачи будем использовать метод баланса мощности. Определим радиус естественного течения металла исходя из принципа минимума мощности при свободном перетекании материала:  $dN/dR=0$ ; где  $N$  - полная мощность пластической деформации,  $R$  - радиус естественного течения материала.

Между вертикальной и горизонтальной поверхностями матрицы, образующими контейнер, предусмотрен радиус закругления  $R_0$ . Пуансон движется вниз, в направлении оси  $z$ , со скоростью  $V$ . Очаг деформации разделён на четыре области. Задача решается методом баланса мощности со следующими допущениями: материал несжимаем, однороден, изотропен, жесткопластичен и идеально пластичен (его переход в пластическое состояние определяется

только величиной интенсивности напряжений  $\sigma_s$ ). Температурные напряжения, силы инерции, другие массовые силы, упругие деформации инструмента пренебрежимо малы и не учитываются в расчетах. В деформируемом металле допустимы разрывы скоростей, при этом сохраняется непрерывность нормальных составляющих скорости. Касательные напряжения, возникающие на разрывах скоростей, максимальны:

$$\tau_{13} = \frac{\sigma_s}{\sqrt{3}}; \quad (1)$$

где:  $\sigma_s$  - напряжение течения.

Определим поле скоростей для каждой области.

#### Область 0.

Примем, что в нулевой области компонента скорости по оси  $z$   $V_{z0} = V + k_0 z \cdot (k_5 + \rho)$ , тогда компонента скорости деформации  $\dot{\epsilon}_{z0} = k_0 \cdot (k_5 + \rho)$ . Из условия постоянства объёма и учитывая, что  $V_{\rho 0}(a) = 0$ , находим компоненту скорости по оси  $\rho$   $V_{\rho 0}$ :

$$k_0(k_5 + \rho) + V_{\rho 0} / \rho + \partial V_{\rho 0} / \partial \rho = 0. \quad (2)$$

Зная  $V_{\rho 0}$ , можно определить компоненты скорости деформации  $\dot{\epsilon}_{\rho 0} = -(k_0 \cdot (2a^3 + 3k_5 a^2 + 4\rho^3 + 3k_5 \rho^2)) / (6\rho^2)$  и  $\dot{\epsilon}_{\theta 0} = (a^2 k_0 \cdot (2a + 3k_5)) / (6\rho^2) - (k_0 \cdot (3k_5 + 2\rho)) / 6$ .

Скорость сдвиговой деформации  $\dot{\gamma}_{z\rho 0} = k_0 z$ .

Коэффициент  $k_0$  определим из условия, что при  $\rho = a - R_0$  и  $z = h$   $V_{z0} = 0$ .

Коэффициент  $k_5$  определим исходя из того, что при  $\rho = a - R_0 / 8$  и  $z = f_0(a - R_0 / 8)$  отношение компонент скорости  $V_{z0} / V_{\rho 0} = \operatorname{tg}(\beta)$ , где:

$$f_0(\rho) = h - R_0 + \sqrt{R_0^2 - (\rho - a + R_0)^2}, \quad (3)$$

уравнение, определяющее форму закругления по радиусу  $R_0$ , а

$$\beta = \pi - \arcsin((R_0 - \rho) / R_0) \quad (4)$$

угол наклона касательной к функции (3) в точке с координатами  $\rho = a - R_0 / 8$  и  $z = f_0(a - R_0 / 8)$ .

#### Область 1.

Т.к.  $V_{z1}(0) = V$ , примем, что компонента скорости по оси  $z$  в первой области  $V_{z1} = (V \cdot (h - z)) / h$ , а компонента скорости деформации соответственно  $\dot{\epsilon}_{z1} = -V / h$ . Тогда из условия постоянства объёма находим компоненту скорости по оси  $\rho$  в первой области  $V_{\rho 1}$ , учитывая, что  $V_{\rho 1}(a - R_0) = V_{\rho 0}(a - R_0)$ :

$$\dot{\epsilon}_{z1} + V_{\rho 1} / \rho + \partial V_{\rho 1} / \partial \rho = 0. \quad (5)$$

Из уравнения (5)  $V_{\rho 1} = -(V \cdot (a^2 - \rho^2)) / (2h\rho)$ , тогда компоненты скорости деформации  $\dot{\epsilon}_{\rho 1} = (V \cdot (a^2 + \rho^2)) / (2h\rho^2)$  и  $\dot{\epsilon}_{\theta 1} = -(V \cdot (a^2 - \rho^2)) / (2h\rho^2)$ .

#### Область 3.

Учитывая, что при  $\rho = 0$  компонента скорости по оси  $\rho$  в третьей области  $V_{\rho 3} = 0$ , примем:  $V_{\rho 3} = k_3 \rho$ ; тогда компоненты скорости деформации  $\dot{\epsilon}_{\rho 3} = k_3$  и  $\dot{\epsilon}_{\theta 3} = k_3$ . Из условия постоянства объёма, учитывая, что  $V_{z3}(0) = V$ :

$$\partial V_{z3} / \partial z + 2k_3 = 0. \quad (6)$$

Находим компоненту скорости по оси  $z$ :  $V_{z3} = V - 2k_3 z$  и компоненту скорости деформации  $\dot{\epsilon}_{z3} = -2k_3$ .

Коэффициент  $k_3$  найдём из условия постоянства потока:

$$V_{z3} \pi \cdot (b - R)^2 = V \pi a^2. \quad (7)$$

Из выражения (7)  $k_3 = -((Va^2)/2 - (V \cdot (R - b)^2)/2)/((R - b)^2 \cdot (h + A \cdot R))$ .

Область 2.

Примем, что во второй области компонента скорости по оси  $z$   $V_{z2} = V + k_2 z \cdot (k_1 - \rho)$ , тогда  $\dot{\epsilon}_{z2} = k_2 \cdot (k_1 - \rho)$ . Из условия постоянства объёма и равенства нормальных к поверхности разрыва компонент скорости,  $V_{\rho2}(b) = V_{\rho1}(b)$ , находим  $V_{\rho2}$ :

$$k_2(k_1 - \rho) + V_{\rho2} / \rho + \partial V_{\rho2} / \partial \rho = 0. \tag{8}$$

Зная компоненту скорости  $V_{\rho2}$ , можно определить компоненты скорости деформации  $\dot{\epsilon}_{\rho2}$  и  $\dot{\epsilon}_{\theta2}$ .

Скорость сдвиговой деформации  $\dot{\gamma}_{z\rho2} = -k_2 z$ .

На границе свободного течения отношение  $V_{z2} / V_{\rho2} = \text{tg}(\alpha)$ , где  $\alpha$  - угол наклона касательной к функции, задающий форму границы свободного течения материала. Тогда

$$\frac{V_{z2}}{V_{\rho2}} = \frac{df(\rho)}{d\rho}; \tag{9}$$

где  $f(\rho)$  - функция определяющая форму границы течения материала на свободной поверхности.

Решая дифференциальное уравнение (9), определяем функцию  $f(\rho)$ .

Коэффициент  $k_1$  найдём из условия, что  $f(b - R) = h + A \cdot R$ , а из равенства нормальных к линии разрыва компонент скорости при  $\rho = b - R$ , когда  $V_{\rho2}(b - R) = V_{\rho3}(b - R)$ , найдём коэффициент  $k_2$ .

Выражение баланса мощности для рассматриваемой задачи будет иметь вид:

$$\begin{aligned} N = & 2\pi\sigma_{i0} \int_{a-R_0}^a d\rho \int_0^{f_0(\rho)} \dot{\epsilon}_{i0}\rho dz + 2\pi \int_0^h dz \int_b^a \dot{\epsilon}_{i1}\sigma_{i1}\rho d\rho + \\ & + 2\pi\sigma_{i2} \int_{b-R}^b d\rho \int_0^{f(\rho)} \dot{\epsilon}_{i2}\rho dz + 2\pi\sigma_{i3} \int_0^{h+AR} dz \int_0^{b-R} \dot{\epsilon}_{i3}\rho d\rho + \\ & + 2\pi(a - R_0) \int_0^h |V_{z0} - V_{z1}| \frac{\sigma_{i01}}{\sqrt{3}} dz + 2\pi b \int_0^h |V_{z1} - V_{z2}| \frac{\sigma_{i12}}{\sqrt{3}} dz + 2\pi(b - R) \int_0^{h+AR} |V_{z2} - V_{z3}| \frac{\sigma_{i23}}{\sqrt{3}} dz + \\ & + \frac{2\pi m}{\sqrt{3}} \left( a \int_0^{h-R_0} |V_{z0}| \sigma_{i0} dz + \int_{a-R_0}^a |V_{\rho0}| \sigma_{i0} \rho d\rho + \int_{h-R_0}^h \sqrt{V_{z0}^2 + V_{\rho0}^2} f_{0z} \sqrt{1 + (f'_{0z})^2} dz + \right. \\ & \left. + 2 \int_b^{a-R_0} |V_{\rho1}| \sigma_{i1} \rho d\rho + \int_{b-R}^b |V_{\rho2}| \sigma_{i2} \rho d\rho + \int_0^{b-R} |V_{\rho3}| \sigma_{i3} \rho d\rho \right), \end{aligned} \tag{10}$$

где:  $\dot{\epsilon}_{i0}$ ,  $\dot{\epsilon}_{i1}$ ,  $\dot{\epsilon}_{i2}$  и  $\dot{\epsilon}_{i3}$  - интенсивности скоростей деформации в нулевой, первой, второй и третьей области соответственно;  $\sigma_{i0}$ ,  $\sigma_{i1}$ ,  $\sigma_{i2}$ ,  $\sigma_{i3}$  - напряжение текучести материала в каждой области;  $\epsilon_0$  - начальное значение накопленной деформации;  $\sigma_{i01}$ ,  $\sigma_{i12}$ ,  $\sigma_{i23}$  - напряжение текучести материала на линии разрыва скоростей;  $m$  - фактор трения;  $f_{0z}$  - функция, определяющая форму закругления по радиусу  $R_0$  зависящая от

$$f_{0z}(z) = a - R_0 + \sqrt{2hz + 2R_0h - h^2 - z^2 - 2R_0z}. \tag{11}$$

Учитывая, что в нулевой области выполняется такие граничные условия как  $V_{\rho0}(a) = 0$ ,  $V_{z0} / V_{\rho0} = \text{tg}(\beta)$  (см. выражения 3 и 4) и  $V_{z0}(h, a - R_0) = 0$ , можно считать, что вектор скорости перемещения материала по поверхности закругления  $R_0$  определяется как сумма компонент скорости  $V_{z0}(z, f_{0z})$  и  $V_{\rho0}(f_{0z})$ :  $\sqrt{V_{z0}^2 + V_{\rho0}^2}$ .

Значения  $\sigma_{i0}$ ,  $\sigma_{i1}$ ,  $\sigma_{i2}$ ,  $\sigma_{i3}$ ,  $\sigma_{i01}$ ,  $\sigma_{i12}$ ,  $\sigma_{i23}$  вычисляются по модели сопротивления деформации [5, 6], например, модели Хензеля-Шпиттеля с девятью неизвестными коэффициентами:

$$\sigma_i = a_1 \exp(a_2 T) T^{a_3} \epsilon_i^{a_4} \exp(a_5 / \epsilon_i) (1 + \epsilon_i)^{a_6 T} \exp(a_7 \epsilon_i) \dot{\epsilon}_i^{a_8} \dot{\epsilon}_i^{a_9 T}. \tag{12}$$

При расчёте напряжения текучести по данной модели принимали, что накопленная деформация изменяется только на поверхностях разрыва скоростей, которую можно опреде-

лять по выражению для стационарных поверхностей разрыва [1, 2]:

$$\varepsilon = \frac{\Delta|V|}{\sqrt{3}|V_n|}; \quad (13)$$

где:  $\Delta|V|$  - разность между компонентами скорости касательных к линии разрыва;  $V_n$  - компонента скорости, нормальная к линии разрыва.

$$\varepsilon_{01} = \frac{|V_{z0}(z) - V_{z1}(z, a - R_0)|}{\sqrt{3}|V_{\rho0}(a - R_0)|} + \varepsilon_0, \quad (14)$$

$$\varepsilon_{12} = \frac{|V_{z1}(z) - V_{z2}(z, b)|}{\sqrt{3}|V_{\rho1}(b)|} + \varepsilon_0 + \varepsilon_{01}, \quad (15)$$

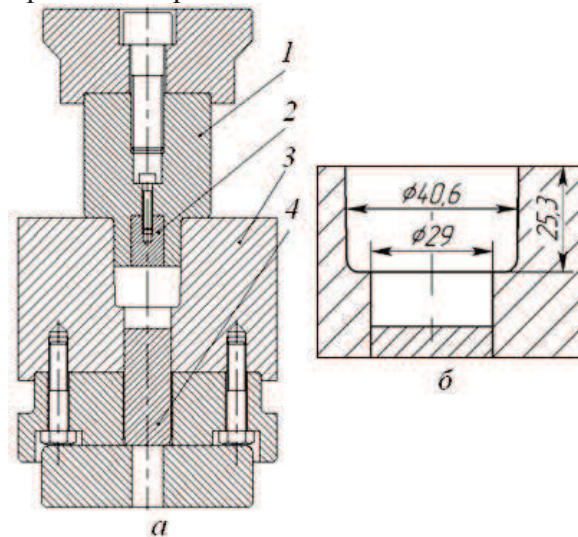
$$\varepsilon_{23} = \frac{|V_{z2}(z, b - R) - V_{z3}(z)|}{\sqrt{3}|V_{\rho3}(b - R)|} + \varepsilon_0 + \varepsilon_{01} + \varepsilon_{12}. \quad (16)$$

В выражении (10) значения  $\sigma_{i0}$ ,  $\sigma_{i2}$  и  $\sigma_{i3}$  вынесены из под знака интеграла, что существенно упрощает решение. Значения  $\sigma_{i0}$ ,  $\sigma_{i2}$  и  $\sigma_{i3}$  определяли для интенсивности скорости деформации, найденной в точке, соответствующей центру области, и для значения накопленной деформации  $\varepsilon_0$  при расчёте  $\sigma_{i0}$ , а также  $\varepsilon_{12}$  и  $\varepsilon_{23}$  при расчёте  $\sigma_{i2}$  и  $\sigma_{i3}$ , найденных при  $z = h/2$  и  $z = (h + A \cdot R)/2$  соответственно.

Т.к.  $\dot{\varepsilon}_{i2}$ ,  $\dot{\varepsilon}_{i3}$ ,  $V_{x2}$ ,  $V_{x3}$ ,  $V_{z2}$ ,  $V_{z3}$ ,  $\sigma_{i2}$ ,  $\sigma_{i3}$ ,  $\sigma_{i12}$ ,  $\sigma_{i23}$  зависят от  $R$ , то мощность  $N$  также зависит от  $R$ . Минимизируя выражение 10 по  $R$ , можно найти отход материала от стенки пуансона, который, в свою очередь, будет равен оптимальному радиусу закругления в штампе, или, иными словами, минимальным радиусом, при котором материал не будет отходить от стенки штампа при обратном выдавливании.

### Проведение эксперимента

Полученное теоретическое решение задачи нахождения оптимального (естественного) радиуса закругления проверено экспериментально.



**Рисунок 2. Оснастка для проведения испытаний: а – оснастка; б – размеры формообразующих полостей; 1 – пуансон; 2 – матрица; 3 – заглушка; 4 – выталкиватель**

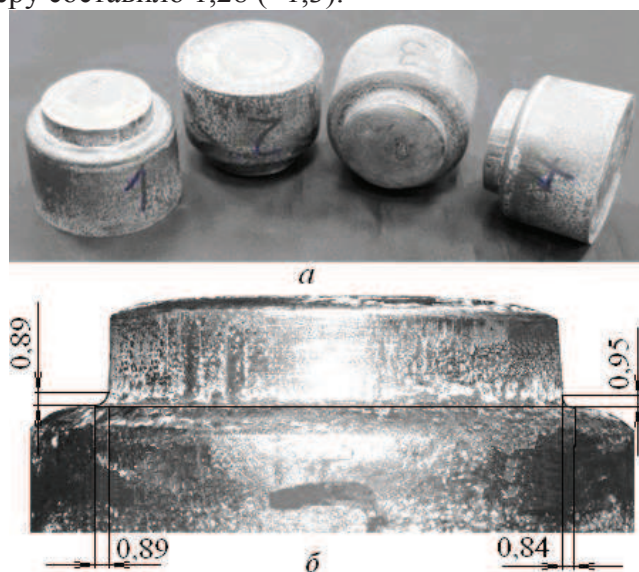
Для этого была изготовлена оснастка для деформирования в изотермических условиях по схеме прямого осесимметричного выдавливания. В оснастке отношение меньшего радиуса канала к большему  $a/b = 1,4$ , отношение  $h/b = 1,74$  и отношение  $(a - b)/R_0 = 1,93$  (рисунок 2). Исследования проводили на гидравлическом прессе силой 2500 кН в изотермических условиях при температуре 450°C. Скорость деформирования составляла 2 мм/с. Оснастку нагревали индуктором. Температуру рабочего инструмента контролировали термопарой. Заготовки из алюминиевого сплава АД35 диаметром 40 мм и высотой 30,5 мм нагревали в печи. При достижении температуры 450°C заготовки на специальной плите доставали из печи,



после чего наносили на них смазку АСВ-К. После нанесения смазки заготовки помещали обратно в печь, и вновь нагревали до температуры 450°C. На инструмент перед штамповкой также наносили смазку.

Состав смазки АСВ-К: коллоидный графит (30%), соли лигносульфоновых кислот, соль кремниевой кислоты, карбонат, фосфаты, оксиды, алкилфенол. Дисперсность графита до 5 мкм (60%). При изотермическом деформировании смазка обеспечивает фактор трения  $m = 0,3$  [3].

При проведении эксперимента получили образцы (рисунок 3, а). Геометрия естественного закругления материала, образующаяся при свободном течении металла, измерялась в двух направлениях (рис. 3б): в горизонтальном (отход материала от стенки канала матрицы) и вертикальном (расстояние до перехода закругления в вертикальную цилиндрическую поверхность или в поверхность конуса с углом наклона образующей близким к 90°). Среднее значение отхода материала от стенки канала матрицы составило 0,96 мм ( $R/b = 0,066$  при  $a/b = 1,4$ ,  $h/b = 1,74$  и  $(a - b)/R_0 = 1,93$ ). Среднее отношение замера закругления по вертикали к горизонтальному размеру составило 1,28 ( $\approx 1,3$ ).



**Рисунок 3. Образцы полученные при прямом выдавливании в матрицу без радиуса закругления: а – образцы; б - измерение формы естественного течения материала**

При расчёте мощности деформации по выражению (10) использовали модель сопротивления деформации Хензеля-Шпиттеля с коэффициентами, определёнными для сплава АД35. Температуру принимали 450 °С, фактор трения 0,3, скорость деформирования 2 мм/с, отношение  $A = 1,3$ .

### Заключение

По результатам расчёта задачи минимизации функции  $N(R)$  были определены графики зависимости отношения отхода материала от стенки штампа к радиусу выходного канала матрицы ( $R/b$ ) от отношения высоты материала в матрице к радиусу выходного канала матрицы ( $h/b$ ) для различных отношений  $a/b$  и  $(a - b)/R_0$ . Результаты расчётов, представляющих собой указанные графики, показаны на рисунках 4, 5 и 6. По данным графикам, зная геометрические отношения  $h/b$ ,  $a/b$  и  $(a - b)/R_0$  для конкретного штампа, можно определить отношение  $R/b$  по которому, в свою очередь, зная величину радиуса выходного диаметра матрицы  $b$ , можно определить наименьший радиус при котором материал не будет отходить от стенки штампа, т.е. определить оптимальный радиус в матрице.

По кривой, определяющей зависимость отношения  $R/b$  от отношения  $h/b$ , построенной для отношений  $a/b = 1,4$  и  $(a - b)/R_0 = 2$ , т.е. при отношениях соответствующих геометрии экспериментальной оснастки, можно определить, что при отношении  $h/b = 1,74$  отношение  $R/b = 0,065$  (рисунок 4 - 6). Тогда расчётный оптимальный радиус будет равен  $R = 0,94$ , а погрешность расчёта относительно эксперимента соответственно равна 2%.

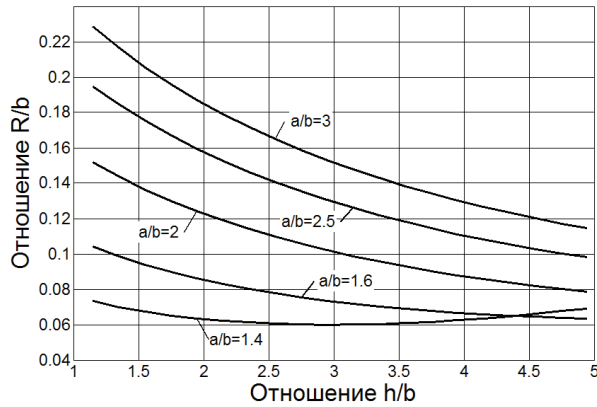


Рисунок 4. Зависимости отношения  $R/b$  от отношения  $h/b$  при  $(a - b)/R_0 = 2$

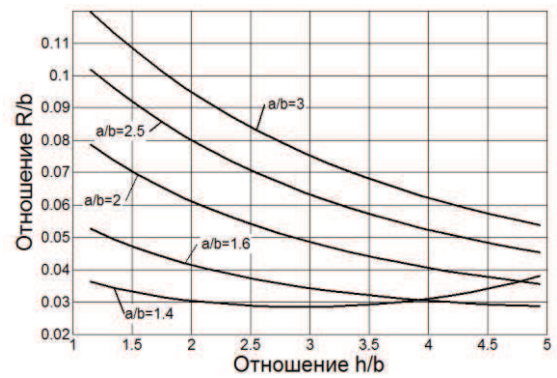


Рисунок 5. Зависимости отношения  $R/b$  от отношения  $h/b$  при  $(a - b)/R_0 = 5$

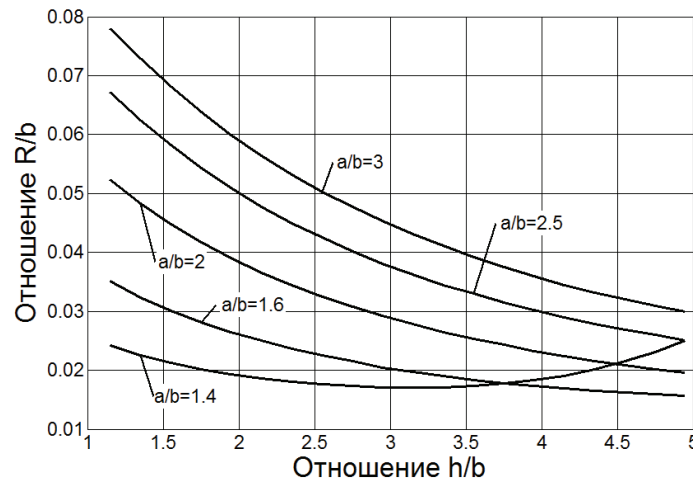


Рисунок 6. Зависимости отношения  $R/b$  от отношения  $h/b$  при  $(a - b)/R_0 = 10$

#### Литература

1. Расчёты процессов обработки металлов давлением / Степанский Л.Г. М.: "Машиностроение", 1979 - 215с.
2. Разработка технологии процессов выдавливания в условиях холодной и горячей деформации на основе уточненных моделей сопротивления деформированию / Петров П.А.: дис. к.т.н. М. 1999.
3. Коллоидно-графитовые смазочные материалы в процессах горячего деформирования сталей и сплавов. / Петров А.Н.: Монография МГМУ "МАМИ" 2012 - 212с.
4. Определение модели сопротивления деформации по найденным изотермическим кривым текучести с применением современных компьютерных программ / Потапенко К.Е., Воронков В.И., Петров П.А.: Заготовительные производства в машиностроении, №8 2013 – с. 32-38.
5. Сопротивление деформации и пластичность металлов при обработке давлением. Учебное пособие по направлению 150201 (651400) "Машиностроительные технологии и оборудование", специальности 150201 (120400) "Машины и технология обработки металлов давлением" / Калпин Ю. Г. [и др.]. Москва, 2011.
6. Совершенствование математической модели сопротивления горячей деформации. / Калпин Ю.Г., Петров П.А., Бойко Н.А. Известия высших учебных заведений. Машиностроение. 2007. № 12 - с. 37-42.