## Литература

1. *Sukhomlinov L.G., Engelsberg V.K., Davydov V.N.* A finite element membrane model for the analysis of axisymmetric sheet metal forming processes // Int. J. Mech. Sci. 1992. V. 34. N 3. P. 179-193.

2. Петров В.К., Михайлова В.Л., Сухомлинов Л.Г. Применение осесимметричной жесткопластической безмоментной конечноэлементной модели для определения коэффициентов трения в процессах формоизменения // Известия МГТУ "МАМИ". 2012. №2(14), т. 2. С. 150-158.

3. *Nakamachi E., Takezono S., Sowerby R.* A numerical analysis of the hydraulic bulging of circular disks into axisymmetric dies // Trans.ASME. J.Appl.Mech. 1982. V. 49. N 3. P. 501-506.

# Предельные возможности операции ротационной вытяжки осесимметричных деталей из анизотропных материалов

д.т.н. проф. Яковлев С.С., д.т.н. проф. Трегубов В.И., Осипова Е.В. ФГБОУ ВПО «Тульский государственный университет» 8 (4872) 35-14-82, mpf-tula@rambler.ru

*Аннотация*. Показано влияние технологических параметров на предельные возможности формоизменения по различным критериям разрушения операции ротационной вытяжки с утонением стенки анизотропного материала.

## <u>Ключевые слова</u>: ротационная вытяжка, анизотропия, деформация, разрушение, повреждаемость, напряжение, ролик подача, степень деформации.

При изготовлении тонкостенных цилиндрических деталей в настоящее время нашли широкое применение методы обработки давлением с созданием локального очага деформации. Одним из таких методов является ротационная вытяжка (PB). Теоретическое изучение процесса PB с утонением осложняется наличием локальной деформации и объемным характером напряженно-деформированного состояния материала в пластической области. Надежность и эффективность технологических процессов ротационной вытяжки обеспечиваются правильным выбором технологических параметров [1-3].

В работе [4] изложена математическая модель формоизменения трубной заготовки при ротационной вытяжке на специализированном оборудовании тонкостенных цилиндрических деталей с утонением стенки коническими роликами с учетом локального очага деформации и фактической подачи  $S_{\phi}$  металла в очаг деформации (рисунок 1). В отличие от известных подходов к анализу кинематики течения материала в очаге пластической деформации в работе принято, что процесс реализуется в условиях квазиплоской деформации т.е. рассматрива-

те принято, что процесс реализуется в условиях квазиплоской деформации, т.е. рассматривается течение материала в плоскости, перпендикулярной оси *z*, и учитываются соответствующие величины касательных напряжений.

Рассмотрен вопрос о распределении скоростей течения материала в очаге деформации при установившемся деформировании. Предложены выражения для оценки радиальной, тангенциальной и осевой составляющих скоростей течения материала в локальном очаге пластической деформации. В дальнейшем вычисляются компоненты скоростей деформаций по известным скоростям течения материала в цилиндрической системе координат.

Используя уравнение равновесия в цилиндрической системе координат и уравнение пластического течения, устанавливающие связи между напряжениями и скоростями деформаций, после подстановки последних в уравнения равновесия получена система уравнений для определения среднего напряжения. Записав уравнения равновесия в виде конечных разностей и разрешив каждое из них относительно среднего напряжения, получим выражения для определения величины среднего напряжения о .

Известно, что на границе входа материала в очаг пластической деформации величина осевого напряжения равна нулю, т.е.  $\sigma_z = 0$ . Это условие позволяет определить распределе-

ние величин среднего напряжения  $\sigma$  на входе материала в очаг пластической деформации, радиальных  $\sigma_r$ , тангенциальных  $\sigma_{\theta}$ , осевых  $\sigma_z$  и касательных  $\tau_{r\theta}$ ,  $\tau_{\theta z}$ ,  $\tau_{r\theta}$  напряжений, если предварительно вычислены компоненты скоростей деформации, их интенсивность, средняя величина накопленной интенсивности деформации в очаге пластической деформации и средняя величина интенсивности напряжения  $\sigma_{icp}$  в очаге деформации по кривой упрочнения материала.



#### Рисунок 1. Схема очага деформации при ротационной вытяжке по прямому способу

Информация о среднем напряжении и скоростях деформации позволяет рассчитать напряженное состояние в каждой точке очага деформации. Все перечисленные выше характеристики напряженного и деформированного состояния вычислялись численно с использованием метода конечных разностей.

Уравнение линии тока для материальной точки в локальном очаге пластической деформации при ротационной вытяжке коническим роликом запишется следующем образом

$$\frac{dr}{V_r} = \frac{r \, d\theta}{V_{\theta}} = \frac{dz}{V_z} \, .$$

Накопленная интенсивность деформации рассматриваемой точки на выходе из локального очага пластической деформации определяется по выражению

$$\varepsilon_i = \sum_{1}^{N_z} \xi_{iz} \, \Delta t_{ooi} \, ,$$

где  $\Delta t_{obi}$  - время обработки материальной точки в очаге деформации на *i*-ом обороте шпинделя;  $N_z$  - количество оборотов шпинделя, необходимое для прохождения материальной точки от входа в локальный очаг пластической деформации до его выхода.

Время обработки материальной точки в очаге деформации на *i*-ом обороте шпинделя вычисляется по формуле

$$\Delta t_{ob\,i} = \frac{S_{\phi} \, tg \, \alpha_p}{V_{R\,cp}}$$

где  $S_{\phi} = St_k / t_0$ ; S - рабочая подача;  $V_{R_{cp}}$  - средняя величина скорости вдавливания ролика

в заготовку;  $V_{Ri}$  - скорости вдавливания ролика в заготовку в *i*-ом сечении;

$$V_{Rcp} = \frac{1}{\theta_s} \int_0^{\theta_s} V_{Ri} d\theta$$

Приведенные в работе [4] выражения для определения напряженного и деформированного состояний в очаге пластической деформации позволили оценить величину накопленной повреждаемости  $\omega_e$  и предельные возможности формоизменения процесса ротационной вытяжки с утонением стенки коническими роликами  $\varepsilon_{np}$ .

Величина повреждаемости материала  $\omega_e$  при пластическом деформировании по деформационной модели разрушения определяется по формуле

$$\omega_e = \int_{0}^{\varepsilon_i} \frac{d\varepsilon_i}{\varepsilon_{inp}},\tag{1}$$

где  $d\varepsilon_i$  - величина приращения интенсивности деформации на *i* -ом обороте шпинделя;  $\varepsilon_{inp} = \varepsilon_{inp}(\sigma/\sigma_i)$  - предельная интенсивность деформации;  $\sigma$  - среднее напряжение;  $\sigma_i$  - интенсивность напряжения.

Величина предельной интенсивности деформации Е іпр находится по выражению

$$\varepsilon_{inp} = \Omega \exp\left(U\frac{\sigma}{\sigma_i}\right) (a_0 + a_1 \cos \alpha + a_2 \cos \beta + a_3 \cos \gamma),$$

где  $\Omega$ , U - константы деформируемого материала, определяемые в зависимости от рода материала, согласно работам В.Л. Колмогорова и А.А. Богатова [5, 6];  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  - углы между первой главной осью напряжений и главными осями анизотропии x, y и z;  $a_0$ ,  $a_1$ ,  $a_2$  и  $a_3$  - константы материала, зависящие от анизотропии механических свойств материала заготовки и определяемые из опытов на растяжение образцов в условиях плоского напряженного состояния.

В зависимости от условий эксплуатации или последующей обработки изготовляемого изделия уровень повреждаемости не должен превышать величины χ, т.е.

$$\omega_e \le \chi \,. \tag{2}$$

 $(\mathbf{a})$ 

До деформации (при  $t = t_0$ )  $\omega_e = 0$ , а в момент разрушения ( $t = t_p$ )  $\omega_e = \chi = 1$ . При назначении величины степени деформации учитывались рекомендации по степени использования запаса пластичности В.Л. Колмогорова и А.А. Богатова [5, 6]:  $\chi = 0,25$  - для ответственных деталей, работающих и подвергающихся после обработки давлением термической обработке (отжигу или закалке);  $\chi = 0,65$  - для неответственных деталей.

Расчеты выполнены для трубной заготовки из стали 12Х3ГНМФБА с наружным радиусом трубной заготовки  $R_6$  =64,15 мм, толщиной стенки трубы  $t_0$  =6,05 мм; диаметром ролика  $D_p$  =280 мм; частотой вращения шпинделя n =75 мин<sup>-1</sup>. Механические характеристики стали 12Х3ГНМФБА приведены в работе [7]. Технологические параметры и геометрия ролика ротационной вытяжки изменялись в следующих диапазонах: степень деформации  $\varepsilon = 0, 1...0, 6$ ; угол конусности ролика  $\alpha_p = 10...30^\circ$ ; коэффициент трения на оправке  $\mu_o = 0, 05...0, 2$ .

На рисунке 2 и 3 приведены графические зависимости изменения накопленной повреждаемости  $\omega_e$  в материале готовой детали от рабочей подачи *S* и углах конусности ролика  $\alpha_p$ .

Анализ результатов расчетов и графических зависимостей показывает, что с уменьшением угла конусности ролика  $\alpha_p$ , рабочей подачи *S* и увеличением степени деформации є величина накопленных микроповреждений  $\omega_e$  возрастает. Максимальная величина накопленных микроповреждений  $\omega_e$  соответствует точкам, принадлежащим наружной поверхности изготовляемой детали.



Рисунок 2. Зависимости изменения  $\omega_e$  от S: кривая 1 – при  $r = r_e$ ; кривая 2 – при  $r = r_0$ ( $\varepsilon = 0.4$ ;  $\alpha = 10^\circ$ ; z = 0)



Рисунок 3. Зависимости изменения  $\omega_e$  от  $\alpha_p$ : кривая 1 – при  $r = r_6$ ; кривая 2 – при  $r = r_0$  ( $\epsilon = 0,4$ ; S = 1 мм/об; z = 0)

Предельные возможности процесса ротационной вытяжки с утонением стенки оценивались допустимой величиной степени использования ресурса пластичности по выражению (2), максимальной величиной растягивающего напряжения на выходе из локального очага пластической деформации

$$\sigma_z \le 2\tau_{s\theta z} \sqrt{1 - c_{\theta z}} , \qquad (2)$$

а также по критерию шейкообразования тонкостенной трубной заготовки, полученному на основе критерия положительности добавочных нагрузок: dP = 0; dM = 0 [7]. Здесь  $\tau_{s\theta z}$  и  $c_{\theta z}$  - сопротивление материала на сдвиг и характеристика анизотропии в условиях плоской деформации.

Предельные степени деформации  $\varepsilon_{np}$  исследовались в зависимости от угла конусности ролика  $\alpha_p$ , рабочей подачи *S* и геометрических размеров трубной заготовки путем числен-

## ных расчетов на ЭВМ.

Графические зависимости изменения предельной степени деформации  $\varepsilon_{np}$ , вычисленной по допустимой величине степени использования ресурса пластичности (при  $\chi = 1$ ), максимальной величиной растягивающего напряжения на выходе из локального очага пластической деформации, а также критерию шейкообразования тонкостенной трубной заготовки при ротационной вытяжке трубных заготовок из стали 12ХЗГНМФБА, от угла конусности ролика  $\alpha_p$  и рабочей подачи *S* приведены на рисунке 4 и 5 соответственно. Здесь введены следующие условные обозначения: кривая 1 – соответствует результатам расчетов предельной степени деформации  $\varepsilon_{np}$ , вычисленной по максимальной величине растягивающего напряжения на выходе из очага деформации; кривая 2 - по критерию шейкообразования тонкостенной трубной заготовки; кривая 3 - по допустимой величиной степени использования ресурса пластичности (при  $\chi = 1$ ).



Рисунок 4. Зависимости изменения  $\varepsilon_{np}$  от  $\alpha_p$  для стали 12Х3ГНМФБА (S = 1 мм/об)



Рисунок 5. Зависимости изменения  $\varepsilon_{np}$  от *S* для стали 12Х3ГНМФБА ( $\alpha_p = 10^\circ$ )

Анализ графических зависимостей и результатов расчетов показывает, что с увеличением угла конусности ролика  $\alpha_p$  от 10° до 30° предельная степень деформации  $\varepsilon_{np}$ , вычисленная по максимальной величине осевого напряжения на выходе из локального очага пластической деформации, увеличивается в 2 раза, а увеличение рабочей подачи *S* от 0,5 мм/об до 1,5 мм/об – ведет к уменьшению предельной степени деформации  $\varepsilon_{np}$  от 0,80 до 0,35.

Установлено, что основное влияние на изменение предельной степени деформации  $\varepsilon_{np}$ , вычисленной по критерию шейкообразования тонкостенной трубной заготовки, оказывает влияние на угол конусности ролика  $\alpha_p$ . Увеличение угла конусности ролика  $\alpha_p$  сопровождается ростом предельной степени деформации  $\varepsilon_{np}$ . Величина рабочей подачи *S* не оказывает существенного влияния на изменение предельной степени деформации  $\varepsilon_{np}$ , вычисленной по критерию шейкообразования тонкостенной трубной заготовки.

Анализ результатов расчетов и графических зависимостей, приведенных на рисунке 4 и 5, показывает, что предельные степени деформации  $\varepsilon_{np}$  при ротационной вытяжке могут

ограничиваться максимальной величиной растягивающего напряжения на выходе из локального очага пластической деформации, критерием шейкообразования тонкостенной трубной заготовки и допустимой величиной степени использования ресурса пластичности. Этот факт зависит от механических свойств материала цилиндрической заготовки и технологических параметров процесса ротационной вытяжки с утонением.

Установлено, что предельные возможности процесса ротационной вытяжки  $\varepsilon_{np}$  трубных заготовок из стали 12Х3ГНМФБА ограничиваются критерии шейкообразования (рисунок 2 и рисунок 3). При этом использование заготовок из стали 10 ограничивает предельные возможности процесса как по допустимой величине степени использования запаса пластичности (S < 0.8 мм/об), так и по максимальной величине растягивающего напряжения на выходе из очага пластической деформации (S > 0.8 мм/об) при  $\alpha_n = 10^\circ$ .

Таким образом, авторами выявлено влияние технологических параметров на величину накопленных микроповреждений и предельные возможности формоизменения по различным критериям разрушения операции ротационной вытяжки с утонением стенки анизотропного материала.

Работа выполнена по государственным контрактам в рамках федеральной целевой программы «Научные и научно-педагогические кадры инновационной России» на 2009 - 2013 годы и грантам РФФИ.

### Литература

1. Баркая В.Ф., Рокотян С.Е., Рузанов Ф.И. Формоизменение листового материала. М.: Металлургия. 1976. 294 с.

2. Гредитор М.А. Давильные работы и ротационное выдавливание. М.: Машиностроение. 1971. 239 с.

3. Могильный Н.И. Ротационная вытяжка оболочковых деталей на станках. М.: Машиностроение. 1983. 190 с.

4. Яковлев С.С., Трегубов В.И., Ремнев К.С. Ротационная вытяжка с утонением стенки трубных заготовок из анизотропного материала // Кузнечно-штамповочное производство. 2011. №12. С. 10-17.

5. Богатов А. А., Мижирицкий О.И., Смирнов В. Ресурс пластичности металлов при обработке давлением. М.: Металлургия, 1984. 144 с.

6. Колмогоров В.Л. Механика обработки металлов давлением. Екатеринбург: Уральский государственный технический университет (УПИ), 2001. 836 с.

7. Яковлев С.С., Трегубов В.И., Яковлев С.П. Ротационная вытяжка с утонением стенки осесимметричных деталей из анизотропных трубных заготовок на специализированном оборудовании / Под ред. С.С. Яковлева. М.: Машиностроение, 2009. 265 с.

## Теоретический анализ процесса комбинированного радиально-обратного выдавливания деталей с фланцем

к.т.н. Алиева Л.И., Грудкина Н.С. ДГМА, г. Краматорск, Украина pnir@dgma.donetsk.ua

Анотация. Предложена математическая модель процесса комбинированного радиально-обратного выдавливания деталей типа стакан с фланцем, позволяющая определять энергосиловые параметры процесса и исследовать поэтапное и конечное формоизменение заготовки. Проведен сравнительный анализ картин поэтапного формоизменения на основе предложенной расчетной схемы, конечноэлементного моделирования и экспериментальных данных.

<u>Ключевые слова:</u> фланец; выдавливание; энергосиловые параметры; формоизменение.