Если размерность пространства R_d есть нечетное число, т. е. d=2k+1; k=0,1,2,..., то, используя следующее свойство гамма-функции [4]:

$$v\left(z+\frac{1}{2}\right) = \frac{\sqrt{\pi}}{2^{2z-1}} \cdot \frac{v(2z)}{\Gamma(z)},$$

получаем, что

$$\varphi(h) = \frac{1}{h} \begin{pmatrix} M + \frac{2k+1}{2} \ln h + (2k+1) \times \\ \times \ln(2k+1) - (k+2) + \left(\frac{1}{k} + \frac{1}{2}\right) \ln \pi \end{pmatrix}.$$

Замечание 2. В погрешности приближения нормы |X| с случайного поля X(t) параметры M, α , d являются фиксированными, исключением является параметр h. Очевидно, что чем больше h, тем лучше приближение.

Самое плохое приближение возможно при

$$h = e^{1 - \frac{\alpha}{d} \left(M + \ln \Gamma \left(\frac{d}{2} + 1 \right) + \frac{2}{d} \ln \pi \right)}.$$

Библиографический список

- 1. Барзилович, Е. Ю. Модели технического обслуживания сложных систем / Е. Ю. Барзилович. М.: Высш. шк., 1982.
- 2. Барзилович, Е. Ю. Вопросы математической теории надежности / Е. Ю. Барзилович, Ю. К. Беляев, В. А. Каштанов и др. М.: Высш. шк., 1983.
- 3 Ширяева, Т. А. О некоторых верхних вероятностных оценках в теории надежности вычислительных систем: дис. ... канд. физ.-мат. наук / Т. А. Ширяева. Красноярск, 2002.
- 4. Фихтенгольц, Г. М. Курс дифференциального исчисления: в 3 т. Т. 3 / Г. М. Фихтенгольц. СПб.: Лань, 1997.

T. A. Shiryaeva

TO THE PROBLEM ABOUT THE NON-FAILURE OPERATION TIME OF THE SOPHISTICATED SYSTEM

The problem solution of the replacement space norm of continuous functions C(K) by some its approximation and the error estimation of this approximation is presented.

Keywords: banach spaces, random fields.

УДК 621.313.3

В. И. Иванчура, В. В. Суханов, Н. А. Никулин

УРАВНЕНИЯ ТРЕХМЕРНОЙ МОДЕЛИ ЭЛЕКТРОМАГНИТНОГО ПОЛЯ МНОГОФАЗНОГО ЛИНЕЙНОГО АСИНХРОННОГО ДВИГАТЕЛЯ С ПОПЕРЕЧНЫМ ПОТОКОМ

Приведены результаты теоретического исследования электромагнитного поля одностороннего линейного асинхронного двигателя с поперечным магнитным потоком на базе трехмерной модели с учетом пространственных гармоник. Получены аналитические зависимости дифференциальных параметров электромагнитного поля в функции геометрии и линейной токовой нагрузки двигателя с произвольным числом фаз.

Ключевые слова: линейный асинхронный двигатель, магнитный поток, индукция, электромагнитное поле, переменный ток, обмотка, фаза, многофазная система.

Стремление эффективного использования активного объема электрической машины требует совершенствования методов их расчета, в максимальной степени базирующихся на аналитических соотношениях, позволяющих наиболее полно исследовать взаимосвязи между геометрией машины и ее выходными характеристиками. Определение дифференциальных параметров электромагнитного поля $(E,\ H)$ во всем объеме электрической машины с учетом ее конструктивной анизотропии дает более точные расчеты.

При аналитическом исследовании электромагнитного поля в линейных асинхронных машинах используется математическая модель машины в виде совокупности сплошных ортотропных сред. Для большинства линей-

ных асинхронных двигателей (ЛАД) могут быть определены следующие характерные зоны: активный слой индуктора, воздушный зазор, сплошная проводящая среды [1–3]. Размеры зон при выбранной системе координат не зависят от числа фаз моделируемой машины.

Практика создания индукционных машин показывает, что фактически во всех случаях пазы статора остаются открытыми. Дискретное размещение обмоток в открытых пазах статора создает в рабочем зазоре наряду с основной гармоникой поля также определенное количество высших пространственных гармоник [4].

С помощью модели бесконечно длинного и широкого индуктора определим характер распределения магнитного поля основной и высших пространственных гармо-

ник в рабочем зазоре. Что касается последних, то даже такая короткая машина, как двухполюсная, имеет по длине для пятой гармоники 10 полюсов, для седьмой — 14 и т. д., т. е. для определения поля, создаваемого высшими пространственными гармониками, приближение бесконечно длинной машины оказывается достаточным.

Реальный *т*-фазный индуктор состоит из *т* отдельных электромагнитов, где m — число фаз, n — число элементов в одной фазе. Каждый электромагнит может иметь обмотку в виде катушек, охватывающих сердечник только одного элемента (сосредоточенная обмотка), или в виде отдельных катушек, охватывающих несколько элементов (распределенная обмотка). Бегущее магнитное поле создается с помощью подключения обмотки к соответствующим фазам сети (инвертора). Количество фаз многофазных линейных асинхронных двигателей можно представить как $m = m(\delta, h) = 2^{\delta}(2h+1); \delta, h = 0, 1, 2, ...$ и выделить три вида числа фаз: $m(\delta = 0, h \neq 0)$ – нечетное; $m(\delta \neq 0, h = 0)$ – четное; $m(\delta \neq 0, h \neq 0)$ – четно-нечетное. По конструктивному исполнению многофазные асинхронные двигатели делятся на симметричные и несимметричные, что определяется расположением фазных обмоток на статоре. Целесообразность введения несимметрии объясняется следующими причинами. В общем случае двигатель может быть выполнен симметричным при любом числе фаз. Однако такое исполнение с четно-нечетным числом фаз не оптимально по пульсациям тягового усилия при несинусоидальном напряжении. Для двигателей с такими числами фаз оптимально несимметричное исполнение. Симметричное исполнение оптимально только для двигателей с нечетным и четным числами фаз.

Для индуктора с q=1 характерно то, что токи, текущие в любых расположенных рядом элементах, различаются по фазе на постоянный угол. Этот угол, в принципе, может быть произвольным, но, поскольку ширина фазной зоны в реальных индукторах может составлять только 60,90 и 120, будем считать, что упомянутый угол сдвига фазы равен $2\pi/m$.

Система токов представляет собой суперпозицию из m подсистем при условии, что каждая следующая подсистема сдвинута вдоль оси x на расстояние $2\tau/m$ и переменный ток, протекающий в относящихся к ней проводниках, сдвинут по фазе на угол $2\pi/m$:

$$\Delta = \frac{wIe^{j\omega t}}{p\tau} \times \times \sum_{k=1}^{m} e^{j\frac{2\pi(k-1)(n\pm 1)}{m}} \left(\frac{1}{2} + \sum_{k=1}^{m} \cos n\beta_{x} \left(x + \frac{2k\tau}{m}\right)\right). \tag{1}$$

Множитель $\sum_{k=1}^m e^{j\frac{2\pi(k-1)(n\pm 1)}{m}}$ в зависимости от n и m

имеет следующие значения:

$$\sum_{k=1}^{m} e^{j\frac{2\pi(k-1)(n\pm 1)}{m}} = \begin{cases} m \to [n\pm 1] = am, \\ 0 \to [n\pm 1] \neq am \end{cases} a = 0, 1, 2, 3, \dots$$
 (2)

Анализ (2) показывает, что при m > 4 отдельные группы гармоник приобретают принципиально новые свойства, отличающие их от гармоник в системах $m \le 4$. При

питании симметричной трехфазной нагрузки, соединенной в звезду без нулевого провода, симметричной системой напряжений в фазных токах и напряжениях присутствуют только гармоники прямой и обратной последовательностей, составляющие класс синхронных гармоник [5].

В системах с m > 4 гармоники фазных напряжений и токов по их свойствам делятся на три класса:

- -синхронные: n = adm + v;
- -асинхронные: $[(a-1)dm+2] < (n \neq ac) < (adm-2);$
- -сквозные: n = ac,

где d=1 для четных m; d=2 для нечетных m; c=m/2b-1 целое число; $a,b=0,1,2,\ldots$; $v=\pm 1$. Свойства гармоник каждого класса выявляются из анализа их операторов фазовых смещений $a(n,m,k)=2\pi n(k-1)/m$ с учетом (2).

Для синхронных гармоник $a(n, m, k) = v2\pi(k-1)/m$, откуда следует, что они имеют чередование фаз, совпадающее с прямым (v=+1) или обратным (v=-1) чередованием фаз на первой гармонике. То есть класс синхронных составляют гармоники прямой и обратной последовательностей, в том числе и первая. Поля, создаваемые ими, движутся в пространстве синхронно с их частотой в прямом и обратном направлениях.

Чередование фаз на асинхронных и первой гармониках не совпадают. Например, в пятифазной системе чередование фаз на третьих гармониках 1-3-5-2-4. Это явление приводит к тому, что поля, создаваемые асинхронными гармониками, вращаются в пространстве в прямом или обратном направлениях не синхронно с их частотой, а на одном периоде частоты совершают более одного оборота. Синхронные и асинхронные гармоники присутствуют в спектрах при любом m > 4.

Существование сквозных гармоник возможно только при четно-нечетном $m=2^{\delta}(2h+1)$ в нерасщепленных системах. Порядок этих гармоник может быть представлен выражением $n=am/2^{\delta}$, с учетом которого $a(n,m,k)=a\pi(k-1)/(2^{\delta}/2)$. Из последнего выражения видно, что в $2^{\delta}/2$ симметричных (2h+1)-фазных подсистемах операторы фазовых смещений отличаются на 180° от операторов в других $2^{\delta}/2$ -подсистемах. Причем во всех фазах одной подсистемы сквозные гармоники имеют разные операторы. Эта особенность приводит к тому, что результирующее поле, создаваемое каждой сквозной гармоникой в m-фазной системе, равно нулю.

Выражение (1) можно упростить следующим образом:

$$\Delta = \frac{wmI}{p\tau} e^{j\omega t} \times$$

$$\times (e^{-j\beta_x x} + \sum_{v=1}^{\infty} (e^{-j(1-vm)\beta_x x} + e^{-j(1+vm)\beta_x x})).$$
видно разложение динейной токовой нагрузки

Как видно, разложение линейной токовой нагрузки рассматриваемого индуктора в ряд Фурье содержит пространственные гармоники не со всеми номерами, а только с vm-1 и vm+1, ($v \ge 1$). Показатель степени у экспоненты в (3) для гармоник с номерами vm-1 отрицательный. Это означает, что данные гармоники бегут в положительном направлении оси x. Гармоники с номерами vm+1 бегут в отрицательном направлении оси x.

Токовый слой имеет пространственно-периодическое распределение линейной нагрузки по двум взаимно перпендикулярным направлениям (рис. 1). Он распределен

синусоидально, бежит вдоль оси x и имеет синусоидальное распределение вдоль оси z.

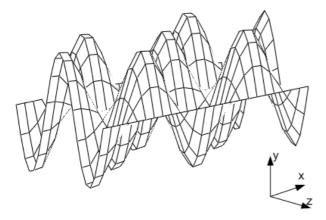


Рис. 1. Распределение линейной нагрузки

То есть описывается следующим уравнением:

$$\Delta = \frac{wmI}{p\tau} e^{j\omega t} \times (e^{-j\beta_x x} + \sum_{v=1}^{\infty} (e^{-j(1-vm)\beta_x x} + e^{-j(1+vm)\beta_x x})) \cos \beta_z z.$$
(4)

Расчетная модель линейной индукционной машины с поперечным магнитным потоком представлена на рис. 2. При построении расчетной модели приняты основные допущения: сердечник индуктора моделируется бесконечно длинной в поперечном и продольном направлениях средой с μ_3 и ρ_3 ; на поверхности сердечника расположен бесконечно тонкий токовый настил с линейной плотностью (4); система координат жестко связана с индуктором, который отстоит от электропроводного рабочего тела на расстоянии δ ; вторичный элемент представлен, как твердое тело с параметрами μ_2 и $\rho_2 = \infty$, который движется со скоростью υ в направлении бегущего электромагнитного поля, создаваемого индуктором; среда 1 представляет собой воздушный зазор с параметрами $\mu_1 = \mu_0$ и $\rho_1 = 0$.

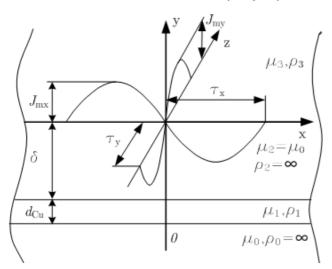


Рис. 2. Математическая модель одностороннего ЛАДПП

При заданном пространственно-временном законе изменения линейной токовой нагрузки, электромагнитное поле в любой области машины описывается уравнениями Максвелла:

$$rot H = J, (5)$$

$$rot E = -\frac{\partial B}{\partial t}, \tag{6}$$

$$\operatorname{div} B = 0, \tag{7}$$

$$B = \mu_0 H. \tag{8}$$

Ток определяется из уравнения

$$J = \gamma E. \tag{9}$$

Вводя вектор-потенциал A, получим

$$B = \operatorname{rot} A. \tag{10}$$

Из (6) и (10) следует

$$E = -\frac{\partial A}{\partial t}. ag{11}$$

Если вектор-потенциал выбран из условия $\operatorname{div} A = 0$, то из (5) и (10) получим

$$C^2 A = -\mu J. \tag{12}$$

Подставляя значения J из (9) и E из (11) в уравнение (12), получим

$$C^2 A = -\mu \frac{dA}{dt}.$$
 (13)

Это основное уравнение поля записано для векторпотенциала A движущейся среды.

Скорость вторичного элемента имеет только одну составляющую по оси x, поэтому можно записать

$$\frac{dA}{dt} = \frac{\partial A}{\partial t} + \frac{\partial A}{\partial x} \frac{\partial x}{\partial t} = \frac{\partial A}{\partial t} + \upsilon \frac{\partial A}{\partial x} . \tag{14}$$

Из уравнений (13) и (14) получим

$$\nabla^2 A = \mu \gamma \frac{\partial A}{\partial t} + \nu \mu \gamma \frac{\partial A}{\partial x}.$$
 (15)

В данном уравнении υ — скорость движения вторичного элемента в направлении оси x. Считаем, что токи индуктора и вторичного элемента не имеют y-составляющей. Следовательно, можно допустить, что вектор-потенциал, обусловленный указанными токами, также не будет иметь ψ -составляющей [4; 5]

$$\frac{\partial^{2} A_{x}}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2} A_{x}}{\partial y^{2}} + \frac{\partial^{2} A_{x}}{\partial z^{2}} =
= \mu \gamma \frac{\partial A_{x}}{\partial t} + \nu \mu \gamma \frac{\partial A_{x}}{\partial x},$$
(16)

$$\frac{\partial^2 A_z}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 A_z}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 A_z}{\partial z^2} =
= \mu \gamma \frac{\partial A_z}{\partial t} + \nu \mu \gamma \frac{\partial A_z}{\partial x}.$$
(17)

Общие решения уравнений для вектор-потенциала получим в следующем виде:

$$A_{1x}(x,y,z) = j \frac{wmI}{2p\tau} \mu_2 \times \sum_{v=0}^{\infty} \left[\frac{1}{\beta_{2n}} \frac{U_n}{K_n} \frac{\beta_z}{n\beta_x} e^{-jn\beta_x x} \right]_{n=vm\pm 1} \sin \beta_z z,$$
(18)

$$A_{1z}(x, y, z) = \frac{wmI}{2p\tau} \mu_2 \times$$

$$\times \sum_{v=0}^{\infty} \left[\frac{U_n}{K_n} e^{-jn\beta_x x} \right]_{n=vm\pm 1} \cos\beta_z z.$$
(19)

Общие решения уравнений для напряженностей электрического поля получим в следующем виде:

$$E_{1x} = \omega \frac{wmI}{2p\tau} e^{j\omega t} \mu_2 \times \times \sum_{\nu=0}^{\infty} \left[\frac{1}{\beta_{2n}} \frac{U_n}{K_n} \frac{\beta_z}{n\beta_x} e^{-jn\beta_x x} \right]_{n=\nu m\pm 1} \sin \beta_z z,$$
(20)

$$E_{1z} = -j\omega \frac{wmI}{2p\tau} e^{j\omega t} \mu_2 \times \times \sum_{v=0}^{\infty} \left[\frac{1}{\beta_{2n}} \frac{U_n}{K_n} e^{-jn\beta_x x} \right]_{n=vm\pm 1} \cos \beta_z z.$$
(21)

Общие решения уравнений для напряженностей магнитного поля получим в виде

ля получим в виде
$$H_{1x} = \frac{wmI}{2p\tau} e^{j\omega t} \frac{\mu_2}{\mu_1} \times \sum_{v=0}^{\infty} \left[\frac{1}{\beta_{2n}} \frac{U'_n}{K_n} e^{-jn\beta_x x} \right]_{n=vm\pm 1} \cos \beta_z z, \tag{22}$$

$$H_{1y} = j \frac{wmI}{2p\tau} e^{j\omega t} \frac{\mu_{2}}{\mu_{1}} \times \sum_{\nu=0}^{\infty} \left[\frac{1}{\beta_{2n}} \frac{U_{n}}{K_{n}} \frac{n^{2} \beta_{x}^{2} + \beta_{z}^{2}}{n \beta_{x}} e^{-jn \beta_{x} x} \right]_{n=\nu m\pm 1} \cos \beta_{z} z,$$
(23)

$$H_{1z} = -j \frac{wmI}{2p\tau} e^{j\omega t} \frac{\mu_2}{\mu_1} \times \sum_{\nu=0}^{\infty} \left[\frac{1}{\beta_{2n}} \frac{U'_n}{K_n} e^{-jn\beta_x x} \right]_{n=\nu m\pm 1} \sin \beta_z z,$$
 (24)

где

$$K_{n} = (\operatorname{sh} \beta_{2n}(a-b) + \frac{\beta_{0n}\mu_{2}}{\beta_{2n}\mu_{0}})\operatorname{ch} \beta_{1n}b + \frac{\beta_{0n}\mu_{1}}{\beta_{1n}\mu_{0}}\operatorname{sh} \beta_{2n}(a-b) + \frac{\beta_{1n}\mu_{2}}{\beta_{2n}\mu_{1}}\operatorname{ch} \beta_{2n}(a-b))\operatorname{sh} \beta_{2n}b,$$

$$U_{n} = \operatorname{ch} \beta_{1n}y + \frac{\beta_{0n}\mu_{1}}{\beta_{1n}\mu_{0}}\operatorname{sh} \beta_{1n}y,$$

$$\beta_{0n} = \sqrt{n^{2}\beta_{x}^{2} + \beta_{z}^{2} + j\omega_{n}\mu_{0}\gamma_{0}},$$

$$\beta_{1n} = \sqrt{n^{2}\beta_{x}^{2} + \beta_{z}^{2} + j\omega_{n}\mu_{1}\gamma_{1}s_{n}},$$

$$\beta_{2n} = \sqrt{n^{2}\beta_{x}^{2} + \beta_{z}^{2} + j\omega_{n}\mu_{2}\gamma_{2}}.$$

Для каждой гармоники будет свое скольжение, поскольку скорость распространения поля, соответствующего различным гармоникам, различна.

Для оценки линейного двигателя решающее значение имеет тяговое усилие, т. е. сила, действующая на подвижный элемент в направлении движения главного поля.

$$F = \iiint (J \times B)dV. \tag{25}$$

Принятый метод определения дифференциальных параметров электромагнитного поля позволяет получить аналитические зависимости всех этих параметров в функции геометрии и нагрузки ЛАД с произвольным числом фаз. Результаты расчетов, выполненные для номинального режима при пересчете параметров ЛАДПП при сохранении потребляемой мощности, представлены на рис. 3.

Увеличение числа фаз приводит к улучшению качества установившихся электромагнитных процессов и ме-

ханических характеристик двигателя при неизменном исполнении вторичного элемента.

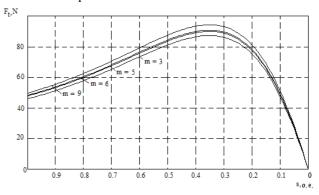


Рис. 3. Электромеханические характеристики для различных m

Тяговое усилие девятифазной машины увеличивается на 8,7% по сравнению с трехфазной. При дальнейшем увеличении числа фаз улучшение характеристик незначительно.

Тяговое усилие создается лишь теми гармониками токов статора и вторичного элемента, которые участвуют в формировании тягового усилия, т. е. в обмене энергии между статором и вторичным элементом ЛАД. С увеличением числа фаз системы возрастает частота, а следовательно, уменьшается амплитуда как синхронных гармоник ЭДС и токов, так и пульсаций тягового усилия.

Также расщепление многофазной системы на симметричные подсистемы существенно улучшает качество установившихся электромагнитных процессов в ЛАД, так как из спектров фазных токов исключаются гармоники, кратные числу фаз в симметричной подсистеме. Исключаемые гармоники являются асинхронными (если число фаз нечетное) и сквозными (если число фаз четно-нечетное). Например, при расщеплении систем с числом фаз, кратным трем, на симметричные трехфазные подсистемы из спектров исключаются гармоники, кратные трем.

Библиографический список

- 1. Веселовский, О. Н. Линейные асинхронные двигатели / О. Н. Веселовский, А. Ю. Коняев, Ф. Н. Сарапулов. М.: Энергоатомиздат, 1991.
- 2. Ямамура, С. Теория линейных асинхронных двигателей: пер. с англ. / С. Ямамура. Л.: Энергоатомиздат., Ленингр. отд-ние, 1983.
- 3. Бражников, В. Ф. Метод анализа асинхронных многофазных двигателей с произвольным расположением обмоток при несинусоидальном напряжении питания / В. Ф. Бражников, В. И. Иванчура, Б. П. Соустин // Автоматизированные электромеханические системы. Новосибирск: НЭТИ, 1980.
- 4. Калнинь, Т. К. Линейные индукционные машины с поперечным магнитным потоком / Т. К. Калнинь. Рига: Зинатне, 1980.
- 5. Вольдек, А. И. Основы теории и методики расчета характеристик линейных асинхронных машин / А. И. Вольдек, Е. В. Толвинская // Электричество. 1975. № 9. С. 29–36.

V. I. Ivanchura, V. V. Suhanov, N. A. Nikulin

EQUATIONS OF THREE DIMENSION ELECTROMAGNETIC FIELD MODEL OF MULTIPHASE LINEAR INDUCTION MOTOR WITH TRANSVERSE FLUX

Theoretical research of an electromagnetic field of the single-sided multiphase linear induction motor with transverse flux on the basis of three-dimensional model are presented. Analytical dependencies and the differential parameters of the electromagnetic field in terms of geometry and motor linear current density with arbitrary number of phases are received.

Keywords: linear induction motor, magnetic flux, induction, electromagnetic field, alternating current, wind, phase, multiphase system.

УДК 621.393.3

С. С. Абрамов, Е. В. Кулясов, Е. В. Малинкин, В. Б. Малинкин, В. И. Панарин

ИНВАРИАНТНЫЙ МЕТОД С АСИММЕТРИЧНОЙ СТРУКТУРОЙ ПОСТРОЕНИЯ ЭХО-КОМПЕНСАТОРА

Синтезирована структура инвариантного эхо-компенсатора второго порядка с защитным временным интервалом. Приведены элементы управления подобным эхо-компенсатором. Приведен расчет основных технических характеристик.

Ключевые слова: эхо-компенсаторы, моделирование параметров, инвариантный.

Для решения проблемы «последней мили» используются многочисленные эхо-компенсаторы, принцип работы которых основан на моделировании параметров неизвестной системы. Такой принцип обработки информационных сигналов имеет ряд положительных и отрицательных сторон. Среди существенных отрицательных моментов работы подобных алгоритмов следует считать сложность их реализации в реальном масштабе времени при организации высокоскоростного дуплексного обмена, а также критичность их работы от корреляционных связей сигналов двух направлений.

Другим подходом в построении адаптивных эхо-компенсаторов является использование инвариантных соотношений, являющихся неизменными при изменении геометрических координат в выбранном пространстве.

Инвариантные методы построения эхо-компенсаторов позволили избавиться от серьезного недостатка работы классических эхо-компенсаторов. Технические характеристики инвариантных эхо-компенсаторов не зависят от корреляционных связей сигналов двух направлений.

Однако в подобных эхо-компенсаторах используются зеркально симметричные структуры и необходимо применять особые меры для устойчивой работы рекурсивных цепей.

Данная работа является продолжением исследования в области построения инвариантных эхо-компенсаторов и направлена на синтез устойчивых инвариантных алгоритмов эхо-компенсации.

Постановка задачи. Имеется канал связи, отвечающий условию стационарности. Полоса пропускания канала связи ограничена нижней и верхней частотами. В качестве эхо-компенсатора используются инвариантные ал-

горитмы эхо-компенсации, включающие зеркально-симметричные структуры. Необходимо синтезировать инвариантный алгоритм эхо-компенсации, не требующей дополнительных мер к устойчивой работе.

Теория. В работах [1; 2] приведены алгоритмы функционирования инвариантных эхо-компенсаторв с защитным и без защитного временных интервалов. Суть этих алгоритмов основана на использовании инвариантного соотношения энергетических спектров. При синтезе инвариантного эхо-компенсатора с защитным временным интервалом использовался инвариант, равный [1]

$$\frac{S_i(z)}{S_{i-1}(z)} = \frac{\Pi_i(z)}{\Pi_{i-1}(z)},\tag{1}$$

где $S_i(z), S_{i-1}(z)-z$ -изображение сигнала передачи соответственно на i-м и (i-1) блоках обработки; $\Pi_i(z), \Pi_{i-1}(z)-z$ -изображение эхо-сигнала соответственно на i-м и (i-1) блоках обработки.

При построении инвариантного алгоритма работы эхо-компенсатора без защитного временного интервала параллельно передающему устройству включен дополнительный, физически реализуемый четырехполюсник [2]. В работе [3] доказано, что если на входы параллельно работающих четырехполюсников подается одинаковое возмущающее воздействие, то отношение энергетических спектров, вычисленных на соседних блоках обработки на выходах указанных выше четырехполюсников, есть величина постоянная, т. е. является инвариантом.

В первом и втором случаях сама структура эхо-компенсатора, включенного перед приемным устройством, представляет собой зеркально симметричный четырехполюсник с передаточной характеристикой, равной